



مدل سازی سه بعدی آسیب پیش رونده در کامپوزیت های الیافی بر اساس معیار گسیختگی نامتغیرها

مهدي مرادي¹, عليرضا باقریه^{2*}, عليرضا جهانپور²

1- دانشجوی دکترا، مهندسی عمران، دانشگاه ملایر، ملایر

2- استادیار، مهندسی عمران، دانشگاه ملایر، ملایر

*ملایر، صندوق پستی 65719-95863 bagheri@malayeru.ac.ir

چکیده

سازه های متشكل از کامپوزیت های الیافی (Fibre Reinforced Composite) نیاز به طراحی این و اقتصادی دارند. تحت بارگذاری پیوسته یا سیکلیک سفتی FRC تنزل می یابد، تحلیل متناظر این فرآیند تحلیل آسیب پیش رونده نامیده می شود که شامل تعیین آغاز آسیب و نحوه تکامل آن تا گسیختگی نهایی سازه می شود. معیارهای متعددی برای تعیین آغاز گسیختگی پیشنهاد شده اند. این معیارها اثر قابل توجهی بر پاسخ تحلیلی FRC دارند. در این پژوهش ضمن بررسی چگونگی مدل سازی آسیب پیش رونده در کامپوزیت های الیافی، معیار گسیختگی نامتغیرها برای اولین بار به صورت المان محدود پیاده سازی و برای مصالح چند لایه در کنار معیار هشین دو و سه بعدی بررسی گردید. از یک زیر برنامه کاربر (UMAT) در نرم افزار تجاری ABAQUS برای پیاده سازی مدل سازی آسیب پیش رونده به صورت عددی استفاده شد. دوازده نمونه برای بررسی معیارهای مطرح شده در دو گروه به صورت عددی استفاده شدند و نتایج آن ها با نتایج دو نمونه ای مشابه آزمایشگاهی برگرفته از ادبیات مقایسه گردیدند. نمونه های مدل سازی شده بر اساس معیار آغاز گسیختگی نامتغیرها توانستند با حداقل 5% خطأ نسبت به نتایج آزمایشگاهی بار نهایی را پیش بینی کنند.

اطلاعات مقاله

دریافت: 95/11/12

پذیرش: 96/03/30

کلیدواژگان:

کامپوزیت های الیافی

آسیب پیش رونده

نمایشگاهی

آباکوس

Three dimensional modeling of progressive damage in fiber reinforced materials base on invariant failure criteria

Mahdi Moradi¹, Ali Reza Bagherieh^{1*}, Ali Reza Jahanpour¹

1- Faculty of Civil Engineering and Architecture, Malayer University, Malayer, Iran

*P.O.B. 65719-95863, Malayer, Iran, bagheri@malayeru.ac.ir

Keywords

Fibre reinforced composite
Progressive failure
Invariant
ABAQUS

Abstract

Fibre reinforced composite (FRC) structures require reliable and economical design. Under monotonic or cyclic loads the stiffness of FRC laminates is reduced. The corresponding analysis is called as the "progressive failure analysis". Which includes determining damage initiation and evolution up to structural failures. Several failures criteria of composite laminates have been developed. These criteria have a significant effect on the analytical response of FRC laminates. In this paper a comprehensive review on the general methodologies of the damage constitutive modeling is presented. For the first time, the invariant-based failure criteria for multi-layer materials together with Hashin two and three-dimensional criteria are implemented and investigated. The analysis is performed by using a constitutive material model (UMAT) developed and implemented in the finite element software ABAQUS. Twelve samples in two groups are used to evaluate failure criteria. The accuracy of numerical results is compared by experimental data taken from literature. The modeling results obtained by using invariant-based failure criteria can predict the experimental data with a maximum error of 5%.

Please cite this article using:

Moradi, M. Bagherieh, A. R. Jahanpour, A. R. "Three dimensional modeling of progressive damage in fiber reinforced materials base on invariant failure criteria", In Persian, Journal of Science and Technology of Composites, Vol. 05, No. 02, pp. 191-199, 2018.

برای ارجاع به این مقاله از عبارت زیر استفاده نمایید:

۱- مقدمه

تاکنون مطالعات جدی برای مدل‌سازی صفحات نازک صورت گرفته است، اما الگوهای مدل‌سازی بررسی شده برای صفحات ضخیم پاسخی مناسب را ارائه نکرده‌اند [12]. در طراحی و تحلیل صفحات مرکب ضخیم، شرایط تنش سه‌بعدی باید در نظر گرفته شود و یک معیار گسیختگی مطمئن برای این حالت بیان شود [13]. کامانه و همکاران [13] یک معیار آغاز آسیب سه‌بعدی براساس نامتفاوت‌های تنش ارائه کردند. این معیار توانایی در نظر گرفتن رفتار ناهمسانگ، عیوب ساختاری، تابیدگی فشاری و آثار درون و برون صفحه‌ای و همچنین ارائه پاسخ غیرخطی برشی را داشت. این معیار پیش‌بینی‌های مناسبی را برای صفحات تک لایه FRC تحت شرایط بارگذاری مختلف در مقایسه با نتایج آزمایشگاهی ارائه کرد.

هدف اصلی این مقاله پیاده‌سازی و توسعه‌ی معیار آغاز آسیب کامانه و همکاران [13] برای مدل‌سازی آسیب پیش‌رونده کامپوزیت‌های الیافی برای صفحات نازک و ضخیم است. این کار با در نظر گرفتن قالب CDM، معیار آغاز آسیب کامانه و همکاران، الگوی تکامل آسیب لایپزیک و هورتاد [4] و پیاده‌سازی روابط در یک زیر برنامه کاربر (UMAT) در نرم‌افزار اجزای محدودی ABAQUS انجام شد. برای مقایسه نتایج مدل پیشنهادی دو مدل معتبر دیگر از ادبیات موضوع انتخاب شده و عواملی نظری اثر ابعاد مشبندی و متغیرهای مدل‌سازی بررسی شدند. نتایج کلیه مدل‌ها با مقادیر آزمایشگاهی متناظر مقایسه شدند.

۲- مدل‌سازی رفتار FRC**۲-۱- ماتریس سفتی آسیب**

برای مصالح مرکب لایه‌ای آسیب‌دیده، تانسور تنش می‌تواند با تانسور تنش اسمی مطابق با رابطه ۱-a جایگزین شود [14]. در رابطه M ، M_{1-a} تانسور آسیب است و در رابطه ۱-b تعریف شده است. در این رابطه d_f ، d_m و d_s به ترتیب متغیرهای آسیب موادی آسیب الیاف، ماتریس و برشی هستند. زمانی که این شاخص‌ها برابر صفر باشند، نشان‌دهندهی حالت بدون آسیب هستند و زمانی که به مقدار یک افزایش می‌یابند آسیب‌دیدگی کامل در مود متناظر آن‌ها موردنظر است.

$$\hat{\sigma} = M\sigma \quad (1-a)$$

$$M = \begin{bmatrix} \frac{1}{1-d_f} & & \\ & \frac{1}{1-d_m} & \\ & & \frac{1}{1-d_s} \end{bmatrix} \quad (1-b)$$

بيان آسیب مصالح بر اساس تنش، برای رابطه‌سازی به روش المان محدود مشکلاتی را ایجاد می‌کند. بنابراین با تلفیق این تانسور و ماتریس سفتی، ماتریسی با عنوان ماتریس سفتی آسیب تعیین می‌شود. ماتریس سفتی آسیب سه‌بعدی برای FRC تک لایه در رابطه (2) تعریف شده است [15].

$$\begin{vmatrix} C_{11}^0 & C_{12}^0 & C_{13}^0 \\ C_{12}^0 & C_{22}^0 & C_{23}^0 \\ C_{13}^0 & C_{23}^0 & C_{33}^0 \\ & C_{44}^0 & \\ & & C_{55}^0 \\ & & & C_{66}^0 \end{vmatrix} \quad (2)$$

C_{ij}^0 ها در رابطه ۲، مؤلفه‌های ماتریس سفتی هستند و با توجه به رابطه ۳ تعیین می‌گردند. در رابطه ۳ زیروند ۱,۲,۳ به ترتیب نشان‌دهنده راستای الیاف، ماتریس و راستای عمود بر لایه هستند. $E_1, E_2, E_3, G_{12}, G_{23}, G_{13}$ به

کامپوزیت‌های الیافی (FRC) به علت مژایایی نظیر نسبت بالای مقاومت به وزن، مقاومت عالی در برابر خستگی و سایش و همچنین دوام رضایت‌بخش کاربرد فراوانی در صنعت و ساخت سازه‌ای پیشرفت‌های فراوانه‌اند. در مقابل این مواد رفتار شکننده‌ای دارند و مستعد آسیب از منابع مختلف در هنگام ساخت و نصب هستند. کامپوزیت‌های الیافی به صورت لايه‌ای تهیه می‌شوند که در هر لایه الیاف با مقاومت و سفتی بالا در یک راستا در محیطی نگه‌دارنده به نام ماتریس قرار می‌گیرد. نسبت به الیاف، ماتریس از مقاومت و سفتی پایینی برخوردار است. پس برای ساخت سازه‌های FRC^۱، لایه‌ها در جهات زاویدار قرار می‌گیرند تا به مقاومت و سفتی بالای درجهات مختلف دست یابند. به عبارت دیگر طراحی سازه با استفاده از این مصالح یک مسئله بهینه‌سازی است [1]. اما در کنار بهینه‌سازی سازه، برای دستیابی به طرحی مطمئن و اقتصادی کاوشی اولیه برای تعیین ظرفیت باربری سازه نیاز است تا ارائه دهنده رفتار آسیب و بار گسیختگی سازه باشد [2].

تاکنون تلاش‌های گسترده‌ای برای شناسایی رفتار آسیب و تعیین دقیق بار گسیختگی FRC صورت گرفته است [2-8]. شناسایی این رفتار نیاز به شبیه‌سازی دقیق فرآیند آغاز و تکامل پدیده آسیب برای تعیین مشخصات مکانیکی آسیب‌دیده FRC دارد. تحت بارگذاری پیوسته یا سیکلیک سفتی FRC تنزل می‌یابد، این تنزل می‌تواند پاسخ مناسب برای توسعه آسیب و گسیختگی FRC ارائه دهد. تحلیل متناظر این فرآیند تحلیل آسیب پیش‌رونده نامیده می‌شود [7-8]. روش‌های پیاده‌سازی تنزل سفتی برای پیش‌بینی مقاومت نهایی گسیختگی FRC در تحلیل آسیب پیش‌رونده مؤثر هستند. با توجه نتایج بدست آمده تاکنون [6-9]، مکانیک آسیب پیوسته^۲ بهترین روش برای تعیین شروع آسیب و جمع‌آوری اطلاعات از کامپوزیت‌های الیافی، است [10]. روش CDM مشخصات مکانیکی مصالح آسیب‌دیده را با مصالح همگن همراه با اثر مکانیزم آسیب بر مشخصات مکانیکی مصالح جایگزین می‌کند. در این روش کاهش سفتی می‌تواند به صورت فیزیکی نمایشی ماکروسکوپی مجموعه‌ای از میکرو ترک‌های توزیع شده در ماده باشد. با در نظر گرفتن قالب کاری CDM پژوهشگران تمرکز خود را بر شروع آسیب و تکامل آن قرار دادند. کامانه و همکاران [10] یک مدل آسیب الاستیک برای پیش‌بینی استحکام، تخریب و اثرات اندازه با دقت قابل قبولی برای کامپوزیت‌های کربن/اپوکسی ارائه کردند. آن‌ها نشان دادند که نتایج روش CDM برتری قابل توجهی نسبت به دیگر روش‌های مدل‌سازی کامپوزیت‌های الیافی دارد. لایپزیک و هورتاد [4] یک مدل آسیب بر پایه‌ی CDM برای پیش‌بینی رفتار FRC در لحظه گسیختگی و پس از آن ارائه کردند. آن‌ها چهار مود شکست کشش الیاف، فشار الیاف، کشش ماتریس و فشار ماتریس را در نظر گرفتند. در این مدل معیار آسیب هشین [11] برای آغاز آسیب در نظر گرفته و بر اساس انرژی آسیب اتفاق شده یک الگو کاربردی و ساده برای تکامل آسیب ارائه شد. نتایج این مدل دقت قابل قبولی را در مدل‌سازی ورق سوراخ‌دار کامپوزیت ارائه کرد. شکریه و همکاران [5] با استفاده از معیار گسیختگی هشین [11] و توسعه آن با افزودن امکان تورق لایه‌های FRC با استفاده از مدل ناحیه چسبناک روشنی برای شبیه‌سازی رفتار FRC ارائه کردند. مطالق بررسی آن‌ها بر روی یک صفحه چندلایه سوراخ‌دار این مدل دقت مناسبی را ارائه کرد.

^۱Fibre reinforced composite (FRC)^۲continuum damage mechanics (CDM)

جدول 1 معیار دو بعدی هشین [11]

Table 1 Two-dimensional Hashin's failure criteria [11]

معیار گسیختگی	مود گسیختگی
$F_{ft} = \left(\frac{\sigma_{11}}{X_T}\right)^2 + \left(\frac{\sigma_{12}}{S_l}\right)^2 \leq 1$	$\sigma_{11} \geq 0$
$F_{fc} = \frac{\sigma_{11}}{-X_C} \leq 1$	$\sigma_{11} < 0$
$F_{mt} = \left(\frac{\sigma_{22}}{Y_T}\right)^2 + \left(\frac{\sigma_{12}}{S_L}\right)^2 \leq 1$	$\sigma_{22} \geq 0$
$F_{mc} = \left(\frac{\sigma_{22}}{2S_T}\right)^2 + \left[\left(\frac{Y_C}{2S_T}\right)^2 - 1\right] \frac{\sigma_{22}}{Y_C} + \left(\frac{\sigma_{12}}{S_l}\right)^2 \leq 1$	$\sigma_{22} < 0$

جدول 2 معیار سه‌بعدی هشین [11]

Table 2 Three-dimensional Hashin's failure criteria [11]

معیار گسیختگی	مود گسیختگی
$F_{ft} = \left(\frac{\sigma_{11}}{X_T}\right)^2 + \frac{1}{S_L} (\sigma_{12}^2 + \sigma_{13}^2) \leq 1$	$\sigma_{11} \geq 0$
$F_{fc} = \frac{\sigma_{11}}{-X_C} \leq 1$	$\sigma_{11} < 0$
$F_{mt} = \frac{1}{Y_T^2} (\sigma_{22} + \sigma_{33})^2 + \frac{1}{S_t^2} (\sigma_{23}^2 + \sigma_{22}\sigma_{33}) + \frac{1}{S_l^2} (\sigma_{12}^2 + \sigma_{13}^2) \leq 1$	$\sigma_{22} + \sigma_{33} \geq 0$
$F_{mc} = \frac{1}{Y_C^2} \left[\left(\frac{\sigma_{22}}{2S_T} \right)^2 - 1 \right] (\sigma_{22} + \sigma_{33}) + \frac{1}{4S_t^2} (\sigma_{22} + \sigma_{33})^2 + \frac{1}{S_t^2} (\sigma_{23}^2 - \sigma_{22}\sigma_{33}) + \frac{1}{S_l^2} (\sigma_{12}^2 + \sigma_{13}^2) \leq 1$	$\sigma_{22} + \sigma_{33} < 0$

2-2-2- معیار نامتفاوت [13]

این معیار برای اولین بار در این پژوهش برای مدل‌سازی آسیب پیش‌رونده کامپوزیت‌های چندلایه استفاده و بررسی شد؛ بنابراین در این بخش با شرح بیشتری بیان می‌شود. در معیار نامتفاوتها چهار مود گسیختگی برای FRC در نظر گرفته شده است (فشار الیاف، کشش الیاف، فشار ماتریس و کشش ماتریس).

در این معیار شکست کششی الیاف بر اساس یک معیار کرنش مجاز غیر متعامل پیش‌بینی می‌شود (رابطه 4). در صورت نبود امکان تعیین مقدار کرنش حداقل کششی (۷) این رابطه می‌تواند بر اساس تنش‌ها بیان شود.

در این معیار، گسیختگی کششی و فشاری ماتریس با در نظر گرفتن اثر نامتفاوتها بررسی شده است. هر لایه از FRC را می‌توان با یک جهت مقدم توصیف کرد (جهت الیاف) [22]. با این فرض که جهت مقدم بر محور X ها منطبق باشد این جهت به صورت رابطه 5 قابل نمایش است.

در معیار نامتفاوتها فرض می‌شود پاسخ مصالح با چرخش آزادانه حول محور مقدم نامتفاوت است، به عبارت دیگر این مصالح همسانگرد عرضی هستند. رابطه 6 تائسونر سازه‌ای برای مصالح همسانگرد عرضی را نشان می‌دهد که با استفاده از آن نامتفاوتها تنش در رابطه 7 معرفی می‌شوند [22].

$$F_{ft} = \frac{\varepsilon_{11}}{\varepsilon_1^T} \leq 1 \quad (4)$$

$$a = [1 \ 0 \ 0]^T \quad (5)$$

$$A = a \otimes a \quad (6)$$

$$tr\sigma, tr\sigma^2, tr\sigma^3, tr(A\sigma), tr(A\sigma^2) \quad (7)$$

هر ترکیب آزاد خطی از نامتفاوتها ارائه شده در رابطه 7 قابل استفاده است و حاصل نامتفاوت باقی می‌ماند. نامتفاوت درجه سه برای مدل‌سازی پلاستیسیته‌ی فلز مناسب است؛ اسپنسر [22] نامتفاوتها درجه دو ($tr\sigma^2$)، ($tr(A\sigma^2)$) و همچنین نامتفاوت خطی ($tr\sigma$) را با فرض تجزیه تائسونر تنش به تنش‌های

ترتیب مدول یانگ و برشی و v_{13} ، v_{12} ، v_{23} ضرایب پواسن مصالح آسیب ندیده را در جهات مختلف نشان می‌دهند. d_{mc} ، d_{mt} ، d_{fc} پارامترهای آسیب هستند. زیروند های f و m نماینده مود آسیب الیاف و ماتریس هستند که فشاری یا کششی بودن این مودها با زیروند c و t نمایش داده شده است. در رابطه 3 (a-j) فرض شده است که آسیب برشی خود تابعی از شاخص آسیب مود کشش و فشاری ماتریس و الیاف است [16]. مقدار s_{mt} و s_{mc} به ترتیب برابر 0.9 و 0.5 در نظر گرفته می‌شود [16].

$$C_{11} = (1 - d_f)E_1(1 - v_{23}v_{32})\Gamma \quad (3-a)$$

$$C_{22} = (1 - d_f)(1 - d_m)E_2(1 - v_{13}v_{31})\Gamma \quad (3-b)$$

$$C_{33} = (1 - d_f)(1 - d_m)E_3(1 - v_{12}v_{21})\Gamma \quad (3-c)$$

$$C_{12} = (1 - d_f)(1 - d_m)E_1(v_{21} + v_{31}v_{23})\Gamma \quad (3-d)$$

$$C_{31} = (1 - d_f)(1 - d_m)E_1(v_{31} + v_{21}v_{32})\Gamma \quad (3-e)$$

$$C_{23} = (1 - d_f)(1 - d_m)E_2(v_{32} + v_{12}v_{31})\Gamma \quad (3-f)$$

$$C_{44} = (1 - d_f)(1 - s_{mt}d_{mt})(1 - s_{mc}d_{mc})G_{12} \quad (3-g)$$

$$C_{55} = (1 - d_f)(1 - s_{mt}d_{mt})(1 - s_{mc}d_{mc})G_{23} \quad (3-h)$$

$$C_{66} = (1 - d_f)(1 - s_{mt}d_{mt})(1 - s_{mc}d_{mc})G_{13} \quad (3-i)$$

$$d_f = 1 - (1 - d_{ft})(1 - d_{fc}) \quad (3-j)$$

$$d_m = 1 - (1 - d_{mt})(1 - d_{mc}) \quad (3-k)$$

$$\Gamma = 1/(1 - v_{12}v_{21} - v_{23}v_{32} - v_{13}v_{31} - 2v_{21}v_{32}v_{13}) \quad (3-l)$$

2- معیار آغاز گسیختگی

معیار گسیختگی ابزاری مناسب برای تعیین آغاز گسیختگی است که از نتایج آزمایشگاهی نسبتاً ساده استخراج شده و در تحلیل استفاده می‌شود. معیارهای آسیب باید در حالی که دربرگیرنده فیزیک مسئله هستند، به اندازه‌ی کافی ساده بوده تا در مسائل مهندسی قابل استفاده باشند [17]. در اصل آسیب FRC یک مسئله پیچیده است و مودهای آسیب تعریف شده در معیارهای آغاز گسیختگی عموماً نتیجه ساده‌سازی پدیده آسیب این مواد هستند [18]. تاکنون تئوری‌ها و معیارهای آسیب مختلفی برای پیش‌بینی آغاز گسیختگی کامپوزیت‌های الیافی نظیر معیارهای تنش نهایی، یاماها و سان، تسای و وو، هافمن، هشین و نامتفاوتها پیشنهاد شده‌اند [11، 13، 19-21]. این معیارهای آسیب، بر اساس مؤلفه‌های تنش یا کرنش مودهای آسیب مختلفی را با توجه به مکانیزم‌های مختلف آسیب نظیر شکست الیاف، کمانش الیاف، ترک خودگی ماتریس و آسیب برشی مشخص می‌کنند. معیارهای آغاز گسیختگی به دو گروه غیرتعاملی فرض می‌شود هیچ‌گونه اندرکشی بین مؤلفه‌های تنش یا کرنش وجود نداشته باشد و این مؤلفه‌ها به طور جداگانه با مقدار متناظر مقاومت مجاز مصالح مقایسه شوند. معیار حداقل تنش به این گروه تعلق دارد. معیارهای آسیب تعاملی نیز شامل معیار یاماها و سان، تسای و وو، هشین و نامتفاوتها می‌شوند که با درهم کنش بین مؤلفه‌های تنش‌ها یا کرنش‌ها سروکار دارند.

2-2-1- معیار آغاز گسیختگی هشین

معیار هشین به علت سادگی پیاده‌سازی در مدل‌های امان محدود CDM، در صنعت کاربرد فراوانی دارد [4]. در حالی که برخی مطالعات نشان دادند که این معیار توانایی تعیین دقیق شروع آسیب را ندارد [4]. جدول 1 معیار هشین [11] را برای حالت دو بعدی و جدول 2 این معیار را برای تنش سه‌بعدی ارائه می‌دهد.

در روابط ارائه شده در جداول 1 و 2 X_C و X_T مقاومت کششی و فشاری در راستای الیاف، Y_C و Y_T مقاومت کششی و فشاری در راستای ماتریس است؛ S_T و S_L نیز مقاومت برشی طولی و عرضی است.

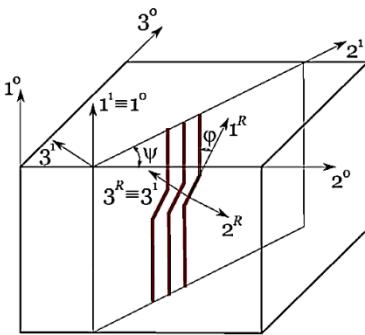


Fig. 1 Kinking plane of FRC [13]

شکل ۱ صفحه تابیدگی FRC [13]

$$a = \begin{bmatrix} \cos \varphi \\ \cos \psi \sin \varphi \\ \sin \psi \sin \varphi \end{bmatrix} \quad (13)$$

برای محاسبه زاویه صفحه تابیدگی (ψ) رابطه (14) به کاربرده می شود، اما اگر هر دو مقدار σ_{12} و σ_{13} صفر باشند برای محاسبه این زاویه رابطه (15) به کار می رود.

$$\psi = \arctan \frac{\sigma_{13}}{\sigma_{12}} \quad (14)$$

$$\psi = \arctan \left(\frac{2\sigma_{23}}{\sigma_{22} - \sigma_{33}} \right) \quad (15)$$

زاویه تابیدگی اولیه (φ_0) را می تواند به عنوان توصیفی از عیوب میکرو سازه ای در نظر گرفته شود که هنگام ساخت نامناسب و یا به علت نوسان ذاتی نسبت حجمی الاف ایجاد شود. برای مصالحی که پاسخ برشی خطی دارند، این زاویه با در نظر گرفتن برش خطی با استفاده از روابط 16 و 17 تعریف می شود.

$$\varphi_0 = \varphi_c \left(1 + \frac{|X_c|}{G_{12}} \right)^{-1} \quad (16)$$

$$\varphi_c = \frac{1}{2} \arccos \left\{ \left[4 \sqrt{\alpha_1 - 4\alpha_1 + \alpha_2^2 X_c^2 + (\alpha_3^c)^2} + 2\alpha_2 \alpha_3^2 X_c + 4\alpha_3^2 \right. \right. \\ \left. \left. + (\alpha_1 + 4\alpha_{32}^c) X_c + 4\alpha_3^c \right] \cdot [(\alpha_1 - 4\alpha_2 + 4\alpha_{32}^c) X_c]^{-1} \right\} \quad (17)$$

زاویه تابیدگی در ناحیه تنش اعمالی بر اساس زاویه تابیدگی اولیه φ_0 بر اساس روابط 18 محاسبه می شود. $\sigma_{12}^{(R)}$ تنش برشی در صفحه تابیدگی که در رابطه 19 معرفی شده است.

$$\varphi = \text{SGN}(\sigma_{12}^{(R)}(\varphi_0, \psi)) \left\{ \varphi_0 + \left| \frac{\sigma_{12}^{(R)}(\varphi_0, \psi)}{G_{12}} \right| \right\} \quad (18)$$

$$\sigma_{12}^{(R)}(\varphi_0, \psi) = \frac{1}{2} [-\sigma_{11} + \sigma_{11} \cos^2 \psi + \sigma_{33} \sin^2 \psi \\ + \sigma_{23} \sin 2\psi] \sin 2\varphi_0 \\ + (\sigma_{12} \cos \psi + \sigma_{13} \sin \psi) \cos 2\varphi_0 \quad (19)$$

برای تعیین آغاز گسیختگی در این مود با توجه به عدم تطابق زاویه مقدم بر محور X ها مقدار نامتفاوتها باید از رابطه 9 محاسبه شوند و برای بررسی وقوع شرایط آغاز گسیختگی فشاری الاف در رابطه 11 قرار داده شوند. مقادیر بیش از یک نشان دهنده آغاز گسیختگی مود فشاری الاف است.

2-3- تکامل آسیب

هنگامی که معیار آغاز گسیختگی ارضاء شود، بارگذاری بیشتر باعث تنزل ضربی سفتی مصالح می شود. کاهش ضربی سفتی توسط نامتفاوتها آسیب کنترل می شوند. این نامتفاوتها مقداری بین صفر (حالات بدون آسیب) و یک (حالات کاملاً آسیب دیده) دارند. قانون تکاملی استفاده شده در این پژوهش یک مدل تعیین یافته بر اساس روش پیشنهادی توسط کامانهو و داویلا [23]

پلاستیسیتهای تحریک کننده (σ^p) و تنشهای عکس العملی (σ^r) برای استفاده در شبیه سازی گسیختگی الاف رابطه سازی کرد (رابطه 8). تانسور تنش عکس العمل شامل فشار هیدرو استاتیک و تصویر تانسور تنش بر جهت مقدم است.

$$\sigma = \sigma^p + \sigma^r \quad (8-a)$$

$$\sigma^r = \frac{1}{2} (tr\sigma - a\sigma a) I - \frac{1}{2} (tr\sigma - 3a\sigma a) A \quad (8-b)$$

$$\sigma^p = \sigma - \sigma^r \quad (8-c)$$

پس از جایگذاری مقادیر تجزیه شده تانسور تنش در نامتفاوتها رابطه 7، نامتفاوتها ایزوتروپ عرضی مطابق روابط 9 تعریف می شوند. با استفاده از نامتفاوتها I_1 و I_2 به ترتیب بارگذاری برشی عرضی و برش درون صفحه در نظر گرفته می شود. نامتفاوت خطی I_3 توانایی در نظر گرفتن بارگذاری های فشاری یا کششی را دارد.

$$I_1 = \frac{1}{2} tr(\sigma^p)^2 - a(\sigma^p)^2 a \quad (9-a)$$

$$I_2 = a(\sigma^p)^2 a \quad (9-b)$$

$$I_3 = tr\sigma - a\sigma a \quad (9-c)$$

در صورت انتخاب محور x ها به عنوان جهت مقدم، نامتفاوتها فوق به شکل زیر ساده می شوند.

$$I_1 = \frac{1}{4} \sigma_{22}^2 - \frac{1}{2} \sigma_{22} \sigma_{33} + \frac{1}{4} \sigma_{33}^2 + \sigma_{23}^2 \quad (10-a)$$

$$I_2 = \sigma_{22}^2 + \sigma_{13}^2 \quad (10-b)$$

$$I_3 = \sigma_{22} + \sigma_{33} \quad (10-c)$$

رابطه 11-a معیار گسیختگی ماتریس را ارائه می دهد. آغاز گسیختگی فشاری یا کششی در ماتریس توسط نامتفاوت سوم تعیین می شود. اگر این نامتفاوت مقداری مثبت داشته باشد، حالت آغاز گسیختگی کششی در ماتریس بررسی شده و در غیر این صورت حالت آغاز گسیختگی فشاری بررسی می شود. با توجه به مقدار نامتفاوت سوم ضرایب معیار گسیختگی (a_i) تعیین می شود (رابطه 11-b). مقدار این ضرایب در رابطه 12 معرفی شدند.

$$F_M = a_1 I_1 + a_2 I_2 + a_3 I_3 + a_{32} I_2^2 \quad (11-a)$$

$$I_3 > 0 \rightarrow a_3 = a_3^t, a_{32} = a_{32}^t \quad (11-b)$$

$$I_3 \leq 0 \rightarrow a_3 = a_3^c, a_{32} = a_{32}^c \quad (11-c)$$

$$a_1 = \frac{1}{S_T^2} \quad (12-a)$$

$$a_2 = \frac{1}{S_L^2} \quad (12-b)$$

$$a_{32}^t = \frac{1 - \frac{Y_T}{2Y_{BT}} - \alpha_1 \frac{Y_T^2}{4}}{Y_T^2 - 2Y_{BT} Y_T} \quad (12-c)$$

$$a_3^t = \frac{1}{2Y_{BT}} - 2a_{32}^t Y_{BT} \quad (12-d)$$

$$a_{32}^c = \frac{1 - \frac{Y_C}{2Y_{BC}} - \alpha_1 \frac{Y_C^2}{4}}{Y_C^2 - 2Y_{BC} Y_C} \quad (12-e)$$

$$a_3^c = \frac{1}{2Y_{BC}} - 2a_{32}^c Y_{BC} \quad (12-f)$$

گسیختگی فشاری الاف FRC نتیجه ای فروپاشی الاف است که به آن مود گسیختگی تابیدگی نیز می گویند. این فروپاشی به علت تخریب ماتریس حمایت کننده انفاق می افتد. حالت تنش سه بعدی به مقدار قابل توجهی بر مود گسیختگی تابیدگی اثر دارد. در مدل تابیدگی سه بعدی فرض می شود که تابیدگی الاف به علت معایب میکرو سازه ای محلی ایجاد می شود. این معایب منجر به تشکیل یک نوار تابیدگی می شوند و زمانی که ترک خوردگی ماتریس در نزدیکی این ناحیه رخ دهد، الاف چار کمانش محلی می شوند. شکل 1 صفحه تابیدگی در مدل سه بعدی تابیدگی را نشان می دهد.

با توجه به شکل 1 جهت مقدم برای ناحیه معیوب الاف از رابطه 13 محاسبه می شود.

تعیین می‌گردد. معیار آغاز گسیختگی نامتغیرها و هشین دوبعدی و سه‌بعدی با توجه به توضیحات بخش ۲-۲ تعریف شدن و برای هر کدام یک UMAT

جدول ۳ تنش و تغییر مکان معادل

Table 3 Stress and equivalent displacement

تغییر مکان و تنش معادل	مود آسیب
$\delta_{ft,eq} = L_C(\varepsilon_{11})$	کشش الیاف
$\sigma_{ft,eq} = \frac{\delta_{ft,eq}}{L_C(\varepsilon_{11})(\sigma_{11})}$	
$\delta_{fc,eq} = L_C(-\varepsilon_{11})$	فشار الیاف
$\sigma_{fc,eq} = \frac{L_C(-\varepsilon_{11})(-\sigma_{11})}{\delta_{fc,eq}}$	
$\delta_{mt,eq} = L_C \sqrt{(\varepsilon_{22})^2 + \varepsilon_{12}^2}$	کشش در ماتریس
$\sigma_{mt,eq} = \frac{L_C((\varepsilon_{22})(\sigma_{22}) + \sigma_{12}\varepsilon_{12})}{\delta_{mt,eq}}$	
$\delta_{mc,eq} = L_C \sqrt{(-\varepsilon_{22})^2 + \varepsilon_{12}^2}$	فشار در ماتریس
$\sigma_{mc,eq} = \frac{L_C((- \varepsilon_{22})(-\sigma_{22}) + \sigma_{12}\varepsilon_{12})}{\delta_{mt,eq}}$	

جدول ۴تابع مقیاس

Table 4 Scale function

تابع مقیاس (f_l^{sc})	مود آسیب
$1/\sqrt{F_f}$	کشش الیاف
$1/\sqrt{F_c}$	فشار الیاف
$1/\sqrt{F_{mt}}$	کشش در ماتریس
$-\gamma + \frac{\sqrt{\gamma^2 + 4\beta}}{2\beta}; \gamma = \left[\left(\frac{Y_c}{2S_t} \right) - 1 \right] \frac{\sigma_{22}}{Y_c}; \beta = \left(\frac{\sigma_{22}}{2S_t} \right)^2 + \left(\frac{\sigma_{12}}{2S_t} \right)^2$	فشار در ماتریس

تهیه گردید. برای تکامل آسیب طبق روش شرح داده شده در بخش ۳-۲ عمل شد. فلوچارت شکل ۲ فرآیند تحلیل گسیختگی پیش‌رونده با استفاده از UMAT را به صورت خلاصه نمایش می‌دهد.

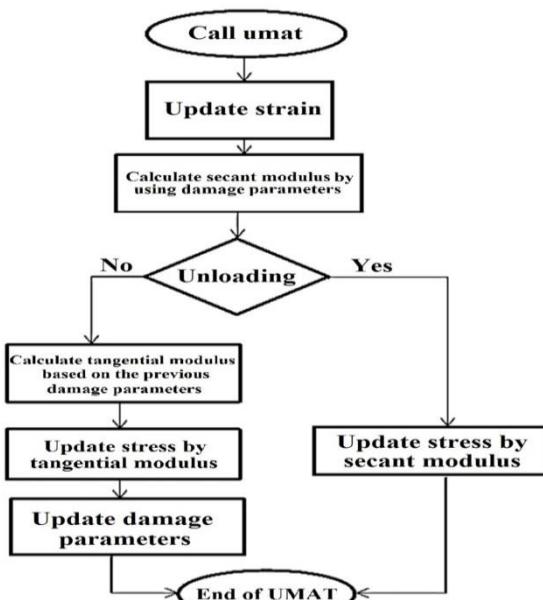


Fig. 2 Simplified process of progressive failure analysis using UMAT [24]

شکل ۲ فرآیند ساده‌سازی شده تحلیل گسیختگی پیش‌رونده با استفاده از UMAT

است که توسط لایسنسیک و هورتاد [4] برای مدل‌سازی CDM ارائه شده است. این قانون بر اساس انرژی آسیب اتفاق شده (G_e) است.

2-3-1- محاسبه متغیرهای آسیب [4]

تکامل هر یک از متغیرهای آسیب توسط یک تغییر مکان معادل کنترل می‌شود. تغییر مکان و تنش معادل برای هر یک از مدهای آسیب در جدول ۳ ارائه شده است. متغیر آسیب برای هر یک از مدهای آسیب I توسط رابطه زیر تعریف می‌شوند.

$$d_I = \frac{\delta_{I,eq}^f (\delta_{I,eq} - \delta_{I,eq}^0)}{\delta_{I,eq} (\delta_{I,eq}^f - \delta_{I,eq}^0)}; \delta_{I,eq}^0 \leq \delta_{I,eq} \leq \delta_{I,eq}^f \quad (20)$$

در رابطه ۲۰، $\delta_{I,eq}^0$ تغییر مکان معادل است که در آن معیار آغاز برآورده می‌شود و $\delta_{I,eq}^f$ تغییر مکان معادل است که در آن مصالح به طور کامل آسیب‌دیده می‌شوند. در رابطه ۲۰ $\delta_{I,eq}^f$ مشخص نیست و از رابطه زیر محاسبه می‌شود.

$$\delta_{I,eq}^f = \frac{2G_I}{\sigma_{I,eq}^0} \quad (21)$$

در این رابطه $\sigma_{I,eq}^0$ تنش معادلی است که در آن شرایط شروع آسیب اراضی می‌شود. تغییر مکان و تنش معادل در ابتدای آسیب با ضرب تغییر مکان معادل و تنش در یک تابع مقیاس (f_l^{sc}) محاسبه می‌شوند (رابطه ۲۲) و (۲۳).

$$\delta_{I,eq}^0 = \delta_{I,eq} f_l^{sc} \quad (22)$$

$$\sigma_{I,eq}^0 = \sigma_{I,eq} f_l^{sc} \quad (23)$$

تابع مقیاس برای مدهای آسیب مختلف در جدول ۴ معرفی شده است. در روابط ارائه شده در جدول ۳، L_C طول مشخصه المان‌ها است. این طول بر اساس فرآیند مشبندي در نرم‌افزار ABAQUS برای هر یک از المان‌ها قابل استخراج است. $\langle \rangle$ عملگر ماکانولی است؛ حاصل این عملگر برای مقادیر فرضی (w) برابر با $\left(\frac{w+|w|}{2}\right)$ است.

2-4- مدل‌سازی المان محدود

برای مدل‌سازی المان محدود مسئله بر اساس روش تحلیل گسیختگی پیش‌رونده، از یک زیر برنامه کاربر¹ به نام UMAT در نرم‌افزار ABAQUS استفاده شد. این زیر برنامه اجزایی تعریف مصالح با مشخصات دلخواه را برای کاربر فراهم می‌کند. زیر برنامه تعريف شده در هر گام حل و برای هر یک از نقاط انگرال گیری² المان‌ها فراخوانده می‌شود. به وسیله این زیر برنامه می‌توان مقدار سختی مماسی و تغییرات تنش را در پایان گام تحلیلی برای مصالح تعیین کرد. تبدیلات و تولید ماتریس سفتی کل با توجه به لایه‌بندی FRC و فرآیند تحلیل به صورت خود تعريف بدون نیاز به گسترش زیر برنامه توسط نرم‌افزار ABAQUS انجام می‌شود. این کار اجزایه استفاده از الگوهای مشبندي پیچیده را به سادگی برای کاربر فراهم می‌کند. الگوریتم حل نیوتون رافسن به علت سرعت بالای همگرایی، برای حل این سیستم غیرخطی استفاده شد.

2-4-1- زیر برنامه کاربر (UMAT)

برای تعریف زیر برنامه از ماتریس سفتی ارائه شده در بخش ۱-۲ استفاده شد. این ماتریس سفتی قبل از آغاز گسیختگی الاستیک بوده و با شروع فرآیند گسیختگی در هر گام تحلیل مقدار آن به صورت ماتریس سفتی مماسی

¹ User Material Subroutine

² Integration Point

3-مثال عددی

بررسی شدند. این نمونه‌ها شامل چهار نمونه براساس معیار آغاز گسیختگی دو بعدی هشین (S1-H2D-1، S1-H2D-2 و S2-H2D-2)، چهار نمونه براساس معیار آغاز گسیختگی سه‌بعدی هشین (S1-H3D-1، S1-H3D-2 و S2-H3D-1، S2-H3D-2) و چهار نمونه براساس معیار آغاز گسیختگی نامتفاوت‌ها (S1-IN-1، S1-IN-2 و S2-IN-2) بودند.

3-1-نتایج مدل‌سازی تیر تحت خمش سه‌ نقطه (طرح S1)

کل تیر به همراه تکیه‌گاه‌ها برای این طرح مدل‌سازی شد (شکل 4). برای مصالح تکیه‌گاه‌ها و بازوی بارگذاری از مشخصات الاستیک فولاد استفاده شد. شش نمونه برای بررسی این طرح مدل‌سازی شدند که نتایج حاصل از مدل‌سازی آن‌ها در جدول 7 گردآوری شده است. با توجه به این جدول نمونه‌هایی که بر اساس مدل آغاز گسیختگی نامتفاوت‌ها مدل‌سازی شدند پاسخ بسیار بهتری نسبت به دیگر نمونه‌ها داشتند. پاسخ نمونه‌ی 2-S1-IN-2 تنها 3.4% با مقدار آزمایشگاهی اختلاف داشت. برخلاف انتظار نمونه‌هایی که بر اساس مدل آغاز گسیختگی هشین سه‌بعدی مدل‌سازی شده بودند نتایج بسیار ضعیفی را در برداشتند. سازه‌های مدل‌سازی شده تغییرمکان کمتری نسبت به مقدار آزمایشگاهی در لحظه گسیختگی داشتند. علت این امر می‌تواند الاستیک در نظر گرفتن عملکرد تکیه‌گاه‌ها و بازوی بارگذاری یا دیگر متغیرهای آزمایشگاهی در نظر گرفته نشده در طرح باشد.

اثر اندازه مشبندی تأثیر قابل توجهی بر پاسخ مسئله داشت (شکل 5). نمونه‌های مدل‌سازی شده بر اساس معیار گسیختگی نامتفاوت‌ها با افزایش تراکم مشبندی سرعت همگرایی بیشتری به پاسخ دقیق داشتند؛ با توجه به محدودیت متابع پردازشی در تحلیل و طراحی سازه‌ها، از این نظر نیز معیار آغاز گسیختگی نامتفاوت‌ها نسبت دیگر معیارها برتری دارد.

با توجه به نتایج زیچن و همکاران [12]، در لحظه گسیختگی ترکی در ناحیه میانی تیر به وقوع می‌پیوندد (شکل 6-الف). برای بررسی این موضوع تنش برشی عرضی در لحظه گسیختگی در مسیر تکیه‌گاه تا محل بارگذاری استخراج شد (مسیر نشان داده شده در شکل 6-ج). با توجه به شکل 7 تنش برشی حدکثر در محل بارگذاری است و در داخل تیر مقدار بیشینه در ناحیه میانی مشاهده می‌شود. بر این اساس می‌توان ترکهای زیر بازوی بارگذاری و گسترش ترک در بخش میانی تیر را در لحظه گسیختگی توجیه کرد (شکل 6-الف و ب).

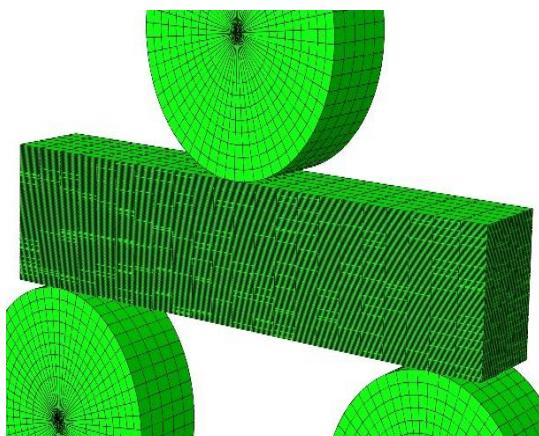


Fig. 4 Geometry modeled in ABAQUS software for S1

شکل 4 هندسه مدل‌سازی شده در نرم‌افزار آباکوس برای طرح S1

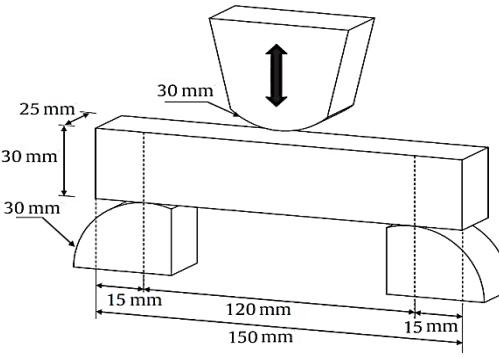
در این بخش برای بررسی معیار نامتفاوت‌ها و مقایسه پاسخ آن از دو نمونه آزمایشگاهی برگرفته از ادبیات موضوع استفاده شد. تاکنون مطالعات جدی برای مدل‌سازی صفحات نازک صورت گرفته است، اما الگوهای مدل‌سازی بررسی شده برای صفحات ضخیم پاسخی مناسب را ارائه نکرده‌اند [12]. بنابراین در این پژوهش برای بررسی پاسخ مدل CDM مبتنی بر معیار آغاز گسیختگی نامتفاوت‌ها از یک تیر ساخته شده از کامپوزیت‌های الیافی تحت خمش سه‌ نقطه استفاده شد (طرح اول {S1}). این تیر به صورت آزمایشگاهی توسط زیچن و همکاران [12] برای بررسی چگونگی گسیختگی و توزیع نتیجه صفحات لایه‌ای ضخیم مورد بررسی قرار گرفته بود.

طرح دوم (S2) مشکل از یک صفحه چندلایه با سوراخ دایره‌ای تحت فشار است. این طرح توسط سیماسی و همکاران [25] برای بررسی تمرکز نتیجۀ به صورت آزمایشگاهی بررسی شد. هندسه، مشخصات لایه‌بندی و مصالح طرح‌های S1 و S2 به ترتیب در شکل 3 و جداول 5 و 6 ارائه شده است.

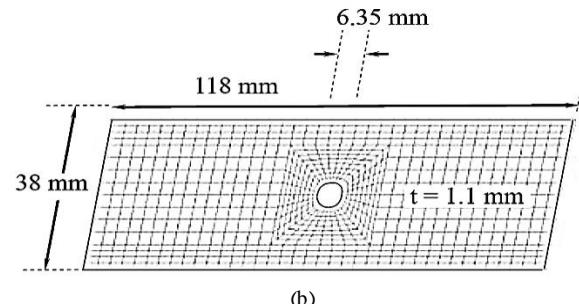
طرح‌های معرفی شده به‌وسیله روش ارائه شده در بخش قبل برای معیارهای دو و سه‌بعدی هشین و نامتفاوت‌ها بررسی شدند. برای تعیین اثر مشبندی بر تحلیل، دو طرح مشبندی برای هر مدل در نظر گرفته شد. برای نمونه‌ها از المان 8 گره مکعبی (C3d8) استفاده شد. بنابراین با توجه به طرح، معیار استفاده شده و الگوی مشبندی درمجموع دوازده مدل به صورت عددی جدول 5 مشخصات و آرایش لایه‌های مثال‌های عددی

Table 5 Properties and stacking sequence of numerical examples

نام طرح	ضخامت لایه‌ها (mm)	تعداد لایه‌ها	آرایش لایه‌ها
S1 ^[12]	0.25	120	[0/90/-45/45] ₁₅
S2 ^[25]	0.1375	8	[45/0/-45/90] _s



(a)



(b)

Fig. 3 Configuration of numerical examples a) S1 [12] b) S2 [25]

شکل 3 هندسه نمونه‌ها (a) طرح S1 [12] (b) طرح S2 [25]

جدول 6 مشخصات مصالح مثال عددی

Table 6 material properties of numerical examples

[25] S2 طرح T800H/3633					[12] S1 طرح HTS 5631 12 K				
انرژی شکست (N/mm)	(Mpa)	مقاومت مصالح	مشخصات سفتی	انرژی شکست (N/mm)	(Mpa)	مقاومت مصالح	مشخصات سفتی		
89.83 ^[27]	G _{ft}	2000	X _t	148GPa	E ₁	7.027 ^[26]	G _{ft}	1970	X _t
78.27 ^[27]	G _{fc}	-1500	X _c	9.5GPa	E ₂	7.027 ^[26]	G _{fc}	-990	X _c
0.23 ^[27]	G _{mt}	50	Y _t	9.5GPa	E ₃	1.325 ^[26]	G _{mt}	67	Y _t
0.76 ^[27]	G _{mc}	-150	Y _c	4.5GPa	G _{I2}	1.325 ^[26]	G _{mc}	-240	Y _c
		50	Y ₃	4.5GPa	G _{I3}			67	Y ₃
		-150	Y _{3c}	3.17GPa	G ₂₃			-240	Y _{3c}
		100	S _t	0.3	v ₁₂			62	S _t
		100	S _c	0.3	v ₁₃			62	S _c
30.3 ^[13]	Y _{Bt}	0.49		v ₂₃		37°	Y _{Bt}	0.3	v ₂₃
-769.8 ^[13]	Y _{Bc}					-600°	Y _{Bc}		

[13] IM7/8552 مشابه *

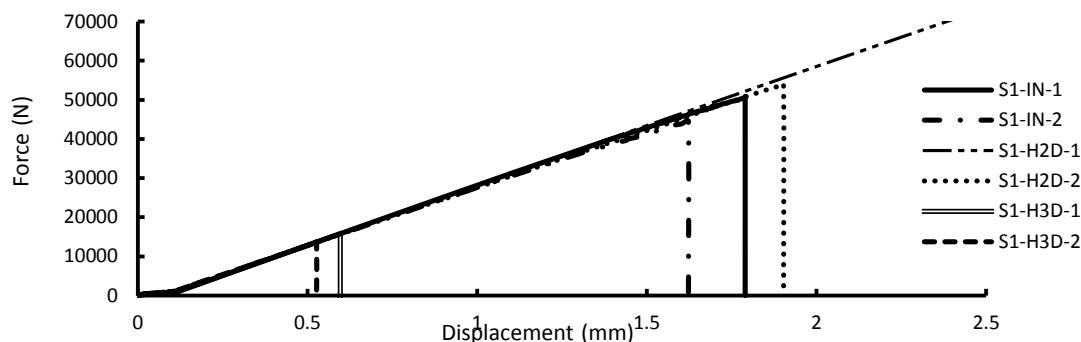


Fig. 5 Force-displacement diagram of S1

شکل 5 نمودار نیرو تغییر مکان برای طرح S1

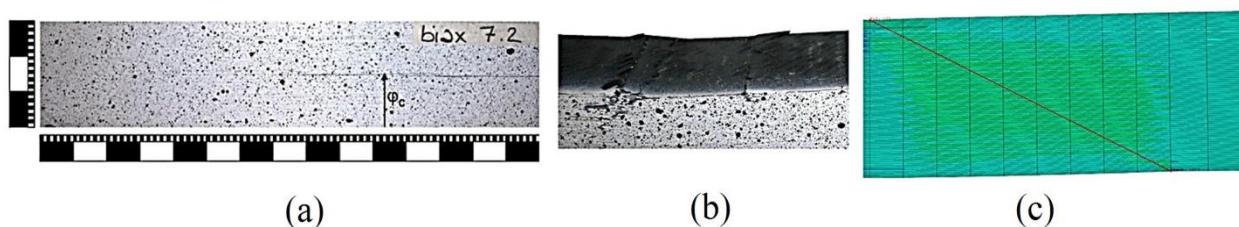


Fig. 6 Failure mode in numerical and experimental a) Beam at the moment of rupture [12] b) Cracking under the support after the rupture [12] c) Contour of out-plane shear stress in S1-IN-2 at the moment of rupture

شکل 6 لحظه گسیختگی در نمونه آزمایشگاهی و مدل‌سازی شده (a) تیر در لحظه گسیختگی [12] (b) تیر خوردگی زیر تکیه‌گاه پس از گسیختگی [12] (c) کانتور توزیع تنش برشی خارج از صفحه برای نمونه S1-IN-2 در لحظه گسیختگی

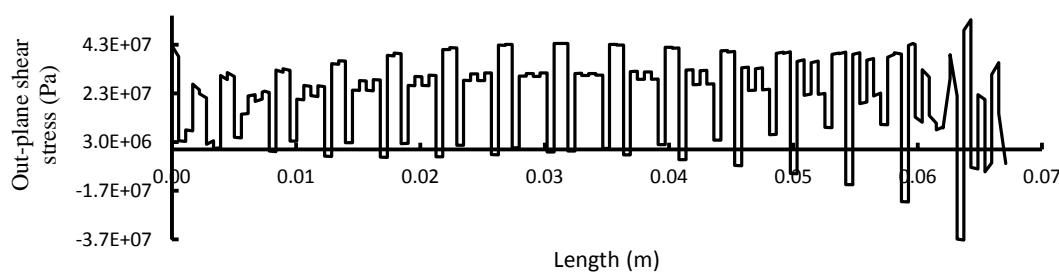


Fig. 7 Diagram of out-plane shear stress along the path of outside load-support

شکل 7 نمودار توزیع تنش برشی خارج از صفحه در طول مسیر تکیه‌گاه-نیرو

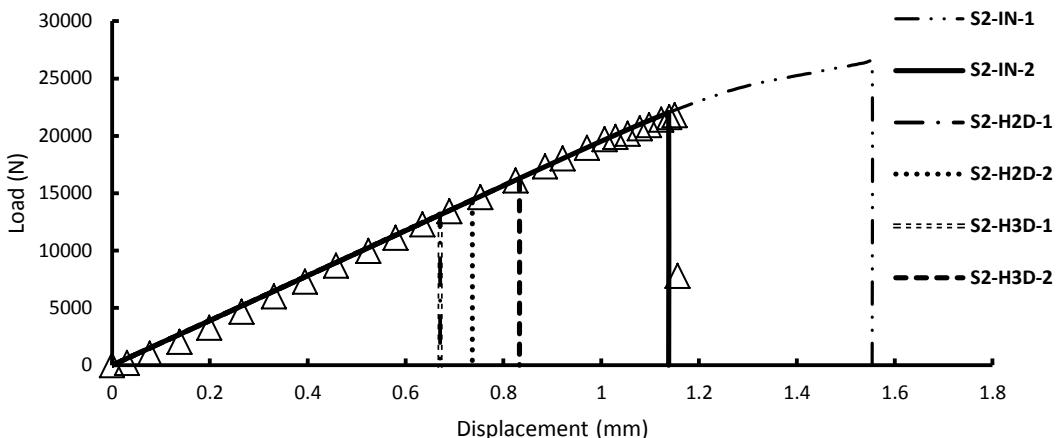


Fig. 8 Force-displacement diagram of S2

شکل 8 نمودار نیرو تغییر مکان پرای طرح S2

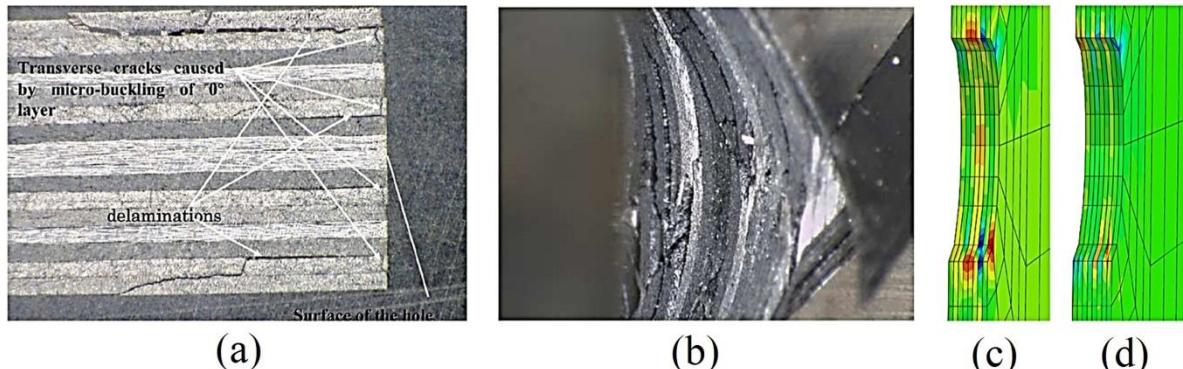


Fig. 9 Failure mode in numerical and experimental a) Cutting through the specimen from the rupture point [25] b) Microscope image of the edge of the hole at the moment of rupture [25] c) Stress Contour perpendicular to the edge of the hole at the moment of rupture d) Contour of shear stress perpendicular to the edge of the hole at the moment

شکل 9 لحظه گسیختگی در نمونه آزمایشگاهی و مدل سازی شده (a) برش داخلی نمونه از محل گسیختگی (لبه سوراخ) [25] (b) تصویر میکروسکوپی از لبه سوراخ در لحظه گسیختگی [25] (c) کانتور تنفس عمودی بر صفحه در لبه سوراخ در لحظه گسیختگی برای نمونه S2-IN-2 (d) کانتور تنفس بر بشی عمودی بر صفحه در لبه سوراخ در لحظه گسیختگی برای نمونه S1-IN-2 خارج از صفحه برای نمونه S2-IN-2 در لحظه گسیختگی

حدوا، ۸ مقاسه نتایج عددی، و آزمایشگاهی، طرح S2

Table 8 Comparing numerical and experimental results of S2

نمونه	المان ها	تعداد	آغاز کاهش سفتی (kN)	بار نهایی (kN)	تغییر مکان (mm)
S2-IN-1	992	16.5	26.47	1.55	
S2-IN-2	2144	17.26	22.02	1.14	
S2-H2D-1	992	13.15	13.15	0.67	
S2-H2D-2	2144	14.41	14.41	0.74	
S2-H3D-1	992	13.15	13.15	0.67	
S2-H3D-2	2144	16.31	16.31	0.83	
[25]	-	17.5	23.2	1.15	نمونه آزمایشگاهی

جدول 7 مقاسه نتایج عددی و آزمایشگاهی طرح S1

Table 7 Comparing numerical and experimental results of S1

نمونه	المان ها	تعداد	بار نهایی (kN)	تغير مکان نهایی (mm)
S1-IN-1	9120	50.88	1.79	
S1-IN-2	15840	44.48	1.62	
S1-H2D-1	9120	123.5	4.24	
S1-H2D-2	15840	54	1.9	
S1-H3D-1	9120	13.6	0.53	
S1-H3D-2	15840	15.8	0.6	
نمونه آزمایشگاهی [12]	-	43	1.82	

از مایشگاهی گسیخته شد. لازم به ذکر است که نمونه واقعی استفاده شده توسط سیماسی و همکاران [25] اندازهای مشابه با نمونه استفاده شده در این تحلیل داشت، اما ضخامت و لایه بندی آن متفاوت بود (ضخامت 2.2 میلی متر به جای 1.1 میلی متر و لایه بندی $s_{[45/0-45/90]}$ به جای لایه بندی $s_{[45/0-45/90]}$). دلیل این تفاوت پیشنهاد انج [28] بود. او این لایه بندی و شرایط مرزی را برای مقایسه نتایج عددی با این نمونه آزمایشگاهی پیشنهاد کرد که در

3-2 نتایج تحلیل صفحه چندلایه با سوراخ دایره‌ای تحت فشار (طرح S2) در جدول 8 نتایج حاصل از تحلیل آزمایشگاهی و عددی این طرح ارائه شده است. نمونه‌هایی که در آن‌ها از معیار هشین استفاده شده بود، پاسخ محافظه‌کارانه‌ای ارائه کردند. اگرچه استفاده از این پاسخ‌ها برای طراحی مطمئن مناسب خواهد بود، اما ممکن است اقتصادی نباشد. پاسخ نمونه‌ی S2-IN-2 که در آن از معیار آغاز گسیختگی نامتفقیرها استفاده شده بود توافق بسیار مناسبی با نتیجه آزمایشگاهی داشت. این نمونه توانست با خطای 5.5 پاسخ آزمایشگاهی را پیش‌بینی کند و در تغییر مکانی مشابه نمونه

- Developed and Implemented in ANSYS®. *Applied Composite Materials*, Vol. 19, No. 3-4, pp. 657-668, 2012.
- [7] Bouazza, M., Tounsi, A., Benzair, A., Adda-Bedia, E., "Effect of transverse cracking on stiffness reduction of hygrothermal aged cross-ply laminates", *Materials & design*, Vol. 28, No. 4, pp. 1116-1123, 2007.
- [8] Spottsworth, S. M., Palazotto, A. N., "Progressive failure analysis of a composite shell", *Composite structures*, Vol. 53, No. 1, pp. 117-131, 2001.
- [9] Camanho, P. P. Maimí, P. and Dávila, C. G., "Prediction of Size Effects in Notched Laminates Using Continuum Damage Mechanics," *Compos Sci Technol*, Vol. 67, No. 13, pp. 2715-2727, 2007.
- [10] Kachanov, L., "Time of the rupture process under creep conditions", *Isv. Akad. Nauk. SSR. Otd Tekh. Nauk*, Vol. 8, pp. 26-31, 1958.
- [11] Hashin, Z., Rotem, A., "A fatigue failure criterion for fiber reinforced materials", *Journal of composite materials*, Vol. 7, No. 4, pp. 448-464, 1973.
- [12] Czichon, S., Zimmermann, K., Middendorf, P., Vogler, M., Rolfs, R., "Three-dimensional stress and progressive failure analysis of ultra thick laminates and experimental validation", *Composite Structures*, Vol. 93, No. 5, pp. 1394-1403, 2011.
- [13] Camanho, P., Arteiro, A., Melro, A., Catalánotti, G., Vogler, M., "Three-dimensional invariant-based failure criteria for fibre-reinforced composites", *International Journal of Solids and Structures*, Vol. 55, pp. 92-107, 2015.
- [14] Matzenmiller, A., Lubliner, J., Taylor, R., "A constitutive model for anisotropic damage in fiber-composites", *Mechanics of materials*, Vol. 20, No. 2, pp. 125-152, 1995.
- [15] Vo, T., Guan, Z., Cantwell, W., Schleyer, G., "Low-impulse blast behaviour of fibre-metal lami", *Composite Structures*, Vol. 94, No. 3, pp. 954-965, 2012.
- [16] Hibbit, H., Karlsson, B., Sorensen, P., "ABAQUS theory manual, version 6.3", Pawtucket, Rhode Island, USA, 2006.
- [17] Puck, A., Schürmann, H., "Failure analysis of FRP laminates by means of physically based phenomenological models", *Composites Science and Technology*, Vol. 58, No. 7, pp. 1045-1067, 1998.
- [18] Liu, P., Zheng, J., "Recent developments on damage modeling and finite element analysis for composite laminates: a review", *Materials & Design*, Vol. 31, No. 8, pp. 3825-3834, 2010.
- [19] Tsai, S. W., Wu, E. M., "A general theory of strength for anisotropic materials", *Journal of composite materials*, Vol. 5, No. 1, pp. 58-80, 1971.
- [20] Hoffman, O., "The brittle strength of orthotropic materials", *Journal of Composite Materials*, Vol. 1, No. 2, pp. 200-206, 1967.
- [21] Yamada, S., Sun, C., "Analysis of laminate strength and its distribution", *Journal of Composite Materials*, Vol. 12, No. 3, pp. 275-284, 1978.
- [22] Spencer, A., "Kinematic constraints, constitutive equations and failure rules for anisotropic materials", in: *Applications of Tensor Functions in Solid Mechanics*, Eds., pp. 187-201: Springer, 1987.
- [23] Camanho, P. P., Dávila, C. G., "Mixed-mode decohesion finite elements for the simulation of delamination in composite materials", NASA, pp. 1-37, 2002.
- [24] Mohammadi, B., Kazemi, A. and Ghasemi, R., "Damage analysis of holed composite laminates using continuum damage mechanics", In Persian, *Journal of Science and Technology of Composites*, Vol. 2, No. 3, pp. 23-34, 2015.
- [25] Suemasu, H., Takahashi, H., Ishikawa, T., "On failure mechanisms of composite laminates with an open hole subjected to compressive load", *Composites Science and Technology*, Vol. 66, No. 5, pp. 634-641, 2006.
- [26] Kottner, R., Hynek, R., Kroupa, T., "Identification of parameters of cohesive elements for modeling of adhesively bonded joints of epoxy composites", *Applied and Computational Mechanics*, Vol. 7, No. 2, 2013.
- [27] El-Sisi, A. E.-D. A., El-Emam, H. M., Salim, H. A., Sallam, H. E.-D. M., "Efficient 3D modeling of damage in composite materials", *Journal of Composite Materials*, pp. 0021998314525983, 2014.
- [28] Eng, C. H., "Compressive Failure of Open-Hole Carbon Composite Laminates", MSc Thesis, Department of Mechanical Engineering, National University of Singapore, Singapore, 2007.

مطالعات بی‌پتریپالی [6] نیز استفاده شد. اگرچه تقریب بسیار جسورانه است اما نتایج بسیار امیدبخش بودند [6]. پاسخ عددی نمونه‌ها در شکل 8 با نتایج آزمایشگاهی ارائه شده توسط سیماسی و همکاران [25] مقایسه شده است. اثر مش‌بندي بر کلیه نمونه‌ها مشهود است. استفاده از معیار آغاز گسیختگی نامتفاوتها در مدل‌سازی این طرح نیز باعث افزایش سرعت همگرایی پاسخ شد.

در شکل 9، کانتور تنش‌های محوری و برشی عمود بر صفحه در محل سوراخ دایره‌ی در لحظه گسیختگی با نتایج آزمایشگاهی مقایسه شدند. نواحی قرمز در شکل 9-ج و نواحی آبی‌رنگ در شکل 9-د نشان‌دهنده‌ی المان‌هایی است که تنش در آن‌ها از تنش نهایی FRC بیشتر شده است؛ به عبارت دیگر این نواحی نشان‌دهنده‌ی محل جدایی لایه‌ها هستند. همان‌طور که در شکل 6-ب نشان داده شده است، در نمونه‌ی آزمایشگاهی همانند نتایج عددی جدایی لایه‌ها در لایه‌های با زاویه 0 و 45° اتفاق افتاده است.

4- جمع‌بندی

در این پژوهش سه معیار آغاز گسیختگی برای تحلیل آسیب پیش‌رونده به صورت المان محدود پیاده‌سازی شدند. این معیارها شامل معیار آغاز گسیختگی دوبعدی و سه‌بعدی هشین و معیار آغاز گسیختگی نامتفاوتها بودند. دوازده نمونه برای بررسی معیارهای آغاز گسیختگی مطرح شده برویه معیار آغاز گسیختگی نامتفاوتها در دو گروه مدل‌سازی و بررسی شدند. نتایج به دست آمده با نتایج آزمایشگاهی نمونه‌های مشابه برگرفته از ادبیات مقایسه شدند. نتایج حاصل از این پژوهش به صورت زیر خلاصه می‌گردند:

- مدل‌سازی بر اساس معیار آغاز گسیختگی نامتفاوتها پاسخ مناسبی در مدل‌سازی عددی ارائه کرد و توانست با حداقل 5% خطأ نسبت به نتایج آزمایشگاهی بار نهایی را پیش‌بینی کند.
- نمونه‌ها وابستگی شدیدی به تراکم مش‌بندي از خود نشان دادند؛ با افزایش این تراکم پاسخ عددی به آزمایشگاهی نزدیکتر می‌شد. نمونه‌های مبتنی بر معیار آغاز گسیختگی نامتفاوتها سرعت همگرایی بیشتری به پاسخ نهایی داشتند، که این مطلب مزیت مهمی با توجه به محدودیت منابع پردازشی در تحلیل و طراحی سازه‌ها است.
- استفاده از معیار آغاز گسیختگی نامتفاوتها و هشین دوبعدی در مدل‌سازی عددی منجر به پاسخ مناسبی برای صفحات ضخیم تحت خمس شد.

5- مراجع

- [1] Liu, P., Xu, P., Zheng, J., "Artificial immune system for optimal design of composite hydrogen storage vessel", *Computational Materials Science*, Vol. 47, No. 1, pp. 261-267, 2009.
- [2] Zheng, J., Liu, P., "Elasto-plastic stress analysis and burst strength evaluation of Al-carbon fiber/epoxy composite cylindrical laminates", *Computational Materials Science*, Vol. 42, No. 3, pp. 453-461, 2008.
- [3] Mohammadi, B., Fazlali, B., "Fatigue life prediction of laminated composites under multiaxial fatigue loading condition by using developed continuum damage mechanics model", In Persian, *Journal of Science and Technology of Composites*, Vol. 3, No. 3, pp. 215-224, 2016.
- [4] Lapczyk, I., Hurtado, J. A., "Progressive damage modeling in fiber-reinforced materials", *Composites Part A: Applied Science and Manufacturing*, Vol. 38, No. 11, pp. 2333-2341, 2007.
- [5] Shokrieh, M. M., Ghajar, M., Salamatallaab, M. and Madoliat, R., "Progressive damage modeling of laminated composites by considering simultaneous effects of interlaminar and intralaminar damage mechanisms", In Persian, *Journal of Science and Technology of Composites*, Vol. 2, No. 2, pp. 1-8, 2015.
- [6] Pietropaoli, E., "Progressive Failure Analysis of Composite Structures Using a Constitutive Material Model (USERMAT)