نشریه علمی پژوهشی

علوم و فناوری **کامپوزیت** http://jstc.iust.ac.ir



تحلیل خرابی چندلایههای کامپوزیتی با سوراخ مرکزی با استفاده از مکانیک خرابی محیطهای پیوسته

بیژن محمدی (*، علی کاظمی ۲، روح الله قاسمی ۲

۱- استادیار، مهندسی مکانیک، دانشگاه علم و صنعت ایران، تهران ۲- دانشجوی کارشناسی ارشد، مهندسی مکانیک، دانشگاه علم و صنعت ایران، تهران *تهران، صندوق پستی، ۱۳۱۱۴-۱۶۸۴۶، bijan_mohammadi@iust.ac.r

چکیدہ	اطلاعات مقاله
مدلهای خرابی مبتنی بر مکانیک خرابی محیطهای پیوسته در دهههای اخیر مورد توجه محققین حوزهی خرابی در کامپوزیتها قرار	دریافت: ۹۴/۲/۱۲
گرفته است. این مدلها با درنظر گرفتن اثرات خرابی روی خواص مکانیکی کامپوزیت مورد بررسی و بدون مدل کردن دقیق هندسهی	پذیرش: ۹۴/۶/۹
خرابی، توانسته است که طیف وسیعی از مودهای خرابی، بارگذاریها و لایهچینیها را تحلیل کند. این مقاله به تحلیل خرابی یک چندلایه کامپوزیتی دارای سوراخ مرکزی، با استفاده از مکانیک خرابی محیطهای پیوسته می پردازد. در این مطالعه از مدل خرابی لادووز برای تحلیل خرابی استفاده شده است که در آن کرنشهای ماندگار و افت سفتی ناشی از وقوع خرابی در چندلایه محاسبه می شود. این مدل به صورت زیربرنامه تعریف مدلهای مادی در نرمافزار اجزاء محدود آباکوس پیاده شده و تحلیل خرابی برای چهار لایهچینی _ع [۲۰٫۹۰٬۹۰٬ از ۲۰٫۹۰٬۰۰٬ از ۲۵۴– ۲۵۹۰ و ۲۵۵–۱۶۹٬۰۰٬ انجام گرفته است. نتایج حاصل از تحلیل عددی شامل چگونگی رشد و گسترش پارامترهای خرابی، کرنشهای ماندگار و کانتور تنش برای لایهچینیهای مختلف ارائه شده است. علاوه بر این، آنلیز حساسیت نسبت به اندازه سوراخ برای بررسی تاثیر اندازه ی سوراخ بر استحکام چندلایه انجام شده و همچنین تاثیر تغییر پارامتر مادی کرنش ماندگار بر اندازهی کرنشهای ماندگار مورد بررسی قرار گرفته است. در این تحلیل مشخص شده است. که با افزایش قطر سوراخ،	کلیدواژگان: کامپوزیتهای چندلایه سوراخ دار مکانیک خرابی مکانیک محیط پیوسته مدل لادوز

Damage analysis of holed composite laminates using continuum damage mechanics

Bijan Mohammadi^{*}, Ali Kazemi, Roohallah Ghasemi

School of Mechanical Engineering, Iran University of Science and Technology, Tehran, Iran. *P.O.B. 16846-13144, Tehran, Iran, bijan_mohammadi@iust.ac.ir

Keywords	Abstract
Holed laminated composite Continuum Damage mechanics Ladeveze model	In recent decades, continuum damage mechanics based models, has been of interest to researchers in the area of damage in composites. These models with considering the effects of damage on the mechanical properties of composites and without considering detailed phenomenon of the damage, can analyze wide range of failure modes, loadings and layups. The aim of this paper is to analyze holed composite laminates using continuum damage mechanics. The general damage theory that serves as the foundation for the model of this paper is the model proposed by Ladeveze, which involves damage and inelastic strains to estimate residual stiffness. The Ladeveze model is implemented in a user material defined subroutine of the ABAQUS software, to analyze four different laminate sequences of [0 ₂ /90 ₂]s, [0/90/0/90]s, [45 ₂ /-45 ₂]s, and [0/90/45/-45]s. The analysis includes initiation and growth of damage parameters, subsequently a parametric study for the influence of diameter of hole and the inelastic strain material constant in Ladeveze model. Hence, it was shown that increasing the hole diameter, reduces the laminate strength, while the inelastic strain material constant is proportional to transverse inelastic strains

اخیر مورد توجه محققینِ حوزهی خرابی در کامپوزیتها قرار گرفته است. این مدلها امکان ورود افت سفتی ناشی از خرابی را در معادلات ساختاری

۱– مقدمه

مدلهای خرابی مبتنی بر مکانیک خرابی محیطهای پیوسته در دهههای

Please cite this article using:

اً كَامَيوزيت

برای ارجاع به این مقاله از عبارت زیر استفاده نمایید:

Mohammadi, B. Kazemi, A. and Ghasemi, R., "Damage analysis of holed composite laminates using continuum damage mechanics", In Persian, Journal of Science and Technology of Composites, Vol. 2, No. 3, pp. 23-34, 2015.

بیژن محمدی و همکا*ر*ان

فراهم کردهاند [۲،۱]. این مدلها با درنظر گرفتن اثرات خرابی بر روی خواص مکانیکی کامپوزیت مورد بررسی و بدون مدل کردن دقیق هندسهی خرابی، توانسته است که طیف وسیعی از مودهای خرابی، بارگذاریها و لایهچینیها را تحلیل کند. برای نخستینبار چبوچه^۱ [۳] استفاده از یک چارچوب ترمودینامیکی را در مکانیک خرابی محیطهای پیوسته برای خرابیهای ایزوتروپیک پیشنهاد کرد. بعدها تالرجا^۲ [۴] و وویاجیس^۲ [۵] استفاده از چارچوب ترمودینامیکی را به خرابیهای اورتوتروپیک تعمیم دادند. مدلهای چارچوب ترمودینامیکی را به خرابیهای اورتوتروپیک تعمیم دادند. مدلهای توسعه یافته توسط باربرو^۴ [۶] ،لادووز^۵ [۷–۱۱]، محمدی^۶ و همکارانش کرد. این مدلها میتوانستند خرابی در کامپوزیتها که از نوع اورتوتروپیک هست را مدل کنند.

هدف این مقاله پیادهسازی مدل لادووز [۷] برای تحلیل خرابی در چندلایههای کامپوزیتی حاوی سوراخ مرکزی میباشد. این مدل آسیبهای درونلایهای و کرنشهای ماندگار را در نظر میگیرد. استفاده از قواعد رشد آسیب غیر همبسته^۷ و ایجاد ارتباط صریح بین پارامترهای آسیب و نیروهای ترمودینامیکی متناظر و همچنین پیادهسازی راحت آن از جمله ویژگیهای مدل لادووز است. این مدل به عنوان یک مدل مادی توصیفکننده رفتار ماده به صورت زیربرنامه برای نرمافزار آباکوس توسعه داده شده است. در نهایت نتایج حاصل از تحلیل عددی شامل چگونگی رشد و گسترش کانتورهای خرابی، تفکیک مکانیزم های خرابی و اثرات هر یک در افت خواص مکانیکی، کانتور تنش و آنالیز حساسیت بر اندازه سوراخ به تفکیک لایه چینی انجام شده است.

۲- مدل خرابی لادووز

مدل خرابی لادووز با فرض وجود حالت تنش صفحهای در ماده توسعه داده شده است. در این مدل افت سفتی ناشی از به وجود آمدن خرابی و پلاستیسیته محاسبه شده است. این مدل کرنشهای غیرالاستیک ماندگار در ماده را تنها به پلاستیسته منحصر کرده و بیان میکند که هیچ کرنش ماندگاری در اثر خرابی بوجود نمیآید. یکی از مهمترین فرضیات این مدل نسبت دادن خرابی و کرنشهای ماندگار به مادهی زمینه و عدم ایجاد خرابی و کرنش ماندگار در راستای الیاف است [۷].

لادووز پارامترهای ٤ (کرنش)، b (پارامتر خرابی) و p (کرنش ماندگار موثر) را به عنوان متغیرهای داخلی سیستم و ro Y و R را به ترتیب به عنوان نیروهای ترمودینامیکی متناظر با متغیرهای داخلی معرفی میکند. تنش موثر در مدل لادووز از رابطهی (۱) محاسبه میشود.

$$\{\tilde{\sigma}\} = \begin{cases} \frac{\langle \sigma_{11} \rangle_{+}}{(1-d_{1})} + \langle \sigma_{11} \rangle_{-} \\ \frac{\langle \sigma_{22} \rangle_{+}}{(1-d_{2})} + \langle \sigma_{22} \rangle_{-} \\ \frac{\sigma_{12}}{(1-d_{6})} \end{cases}$$
(1)

در رابطه (۱) مقادیر d_1 و d_2 و d_6 مقادیر پارامتر های خرابی به ترتیب در راستای الیاف، عمود بر الیاف و برش می باشد. این مقادیر برای ماده بدون خرابی مقدار صفر و برای ماده حاوی خرابی به طور کامل که منجر به

واماندگی شده است مقدار ۱ را دارد. رابطه بین مدول الاستیسته ماده حاوی خرابی E_1^0 و ماده بدون خرابی E_1 به صورت رابطه (۲) می باشد.

$$\begin{split} E_1 &= E_1^0(1-d_1) \\ E_2 &= E_2^0(1-d_2) \\ G_{12} &= G_{12}^0(1-d_6) \end{split} \tag{7}$$

نحوه رشد پارامترهای خرابی d_6 و d_2 به صورت خطی در نظر گرفته شده است که به ترتیب در رابطه (۳) و رابطه (۴) آمده است.

$$d_{6} = \begin{cases} \frac{\langle \sqrt{\underline{\hat{Y}}} - \sqrt{Y_{0}} \rangle_{+}}{\sqrt{Y_{C}}} ; d_{6} < 1 , \underline{Y}_{2} < Y_{2}^{C} \\ 1 ; d_{6} < 1 , \underline{Y}_{2} \ge Y_{2}^{C} \end{cases}$$
(°)

$$d_{2} = \begin{cases} \frac{\langle \sqrt{\hat{Y}} - \sqrt{Y'_{0}} \rangle_{+}}{\sqrt{Y'_{c}}} ; \ d_{2} < 1 , \ \underline{Y}_{2} < Y_{2}^{C} \\ 1 ; \ d_{2} < 1 , \ \underline{Y}_{2} \ge Y_{2}^{C} \end{cases}$$
(*)

مقادیر $\frac{Y}{2}$, $\frac{Y}{2}$, $\frac{Y}{2}$ پارامتر های گسترش خرابی میباشند که از طریق روابط (۵) الی (۸) به نیروهای ترمودینامیکی، Y، مربوط می شوند. Y_0 ، Y_0' ، Y_0' Y_2'' و Y_2''' کر Y_2'''''

$$\underline{Y}_{2}(t) = max\{Y_{2}(\tau)\}, \tau \le t$$
(Δ)

$$\underline{Y}_{6}(t) = max\{Y_{6}(\tau)\}, \tau \le t$$
(?)

$$\hat{Y} = (Y_6 + bY_2) \tag{(Y)}$$

$$\underline{\hat{Y}}(t) = max\{Y_6(\tau) + bY_2(\tau)\}, \tau \le t \tag{(A)}$$

نیروهای ترمودینامیکی از مشتق گیری از چگالی انژری داخلی E بر حسب پارامتر های خرابی با توجه به رابطه (۹) بدست میآیند.

$$Y_{1} = \frac{\partial E_{D}}{\partial d_{1}}\Big|_{\sigma, d_{2}, d_{6}: cte} = \frac{\langle \sigma_{11} \rangle_{+}^{2}}{2E_{1}^{0}(1 - d_{1})^{2}}$$

$$Y_{2} = \frac{\partial E_{D}}{\partial d_{2}}\Big|_{\sigma, d_{1}, d_{6}: cte} = \frac{\langle \sigma_{22} \rangle_{+}^{2}}{2E_{2}^{0}(1 - d_{2})^{2}}$$

$$Y_{6} = \frac{\partial E_{D}}{\partial d_{6}}\Big|_{\sigma, d_{1}, d_{2}: cte} = \frac{\sigma_{12}^{2}}{2G_{12}^{0}(1 - d_{6})^{2}}$$
(9)

برای محاسبهی کرنشهای ماندگار، تابع سطح تسلیم به صورت رابطهی (۱۰) بیان میشود. پارامتر $R(\widetilde{p})$ در رابطهی (۱۰) از رابطهی (۱۱) محاسبه میشود.

$$f = \sqrt{\tilde{\sigma}_{12}^2 + a^2 \tilde{\sigma}_{22}^2} - R(\tilde{p}) - R_0 \tag{1.1}$$

$$R(\tilde{p}) = \beta \tilde{p}^{\alpha} \tag{11}$$

در رابطهی (۱۱)، α و β پارامترهای مادی هستند. مقادیر منفی f به معنای عدم رشد کرنشهای ماندگار است و مقدار صفر برای f به معنای رسیدن به سطح تسلیم و ایجاد کرنشهای ماندگار است. باید توجه شود که مقادیر مثبت f امکان وقوع ندارد و در صورت وقوع غیرواقعی آن در حین تحلیل عددی باید با استفاده از الگوریتمهای برگشت به سطح تسلیم⁴،

^{1.} Chaboche

^{2.}Talreja 3. Voyiadjis

^{4.}Barbero

^{5.} Ladeveze

^{6.} Mohammadi

^{7.} Non associated

^{8.} return mapping algorithm

تنشهای متناظر را بهروز نمود. نرخ رشد کرنشهای ماندگار از رابطهی (۱۲) محاسبه میشود.

$$\dot{\varepsilon}_{12}^{in} = \frac{\dot{\lambda}_p}{2} \frac{\partial f}{\partial \tilde{\sigma}_{12}} = \frac{\dot{p}}{2} \frac{\tilde{\sigma}_{12}}{[R(\hat{p}) + R_0]}$$

$$\dot{\varepsilon}_{22}^{in} = \frac{\dot{\lambda}_p}{2} \frac{\partial f}{\partial \tilde{\sigma}_{22}} = \dot{p} \frac{a^2 \tilde{\sigma}_{22}}{[R(\hat{\sigma}) + R_0]}$$
(17)

$$\dot{\tilde{p}} = \frac{\tilde{\sigma}_{12}\dot{\tilde{\sigma}}_{12} + a^2\tilde{\sigma}_{22}\dot{\tilde{\sigma}}_{22}}{(R(\tilde{p}) + R_0)\frac{\partial}{\partial r}R(\tilde{p})}$$
(17)

پارامتر \dot{p} به کار رفته در رابطهی (۱۲) از رابطهی (۱۳) محاسبه میشود.

۲-۱- مشخصهسازی مادی مدل لادووز

ثوابت مادی مدل لادووز را میتوان به سه بخش تقسیم کرد. دسته ی اول ثرامترهای رشد خرابی هستند که شامل V_0 , V_0 , V_C , V_C , V_C , V_C V_C می باشد. دسته ی ور Y_c Y_c , Y_c , Y_c , Y_c , Y_c Y_c



شکل ۱ نمودار تنش برشی بر حسب کرنش برشی برای چندلایهی ₅[۴۵±] کربن√پوکسی [۱۰]



تست کشش لایهچینی ${}_{s}[\Delta(P_{2}\pm)]$ ، به دلیل ایجاد تنشهای بینلایهای کوچک و همچنین غیر صفر بودن همه یمولفه های تنش، برای محاسبه ی ثوابت مربوط به راستای عرضی و ثوابت مربوط به کوپلینگ کشش عرضی و برش مناسب است [۷]. با انجام این تست و بارگذاری– باربرداری های متوالی و رسم نمودار تنش عرضی بر حسب کرنش عرضی (22 - 220) و نمودار تنش برشی بر حسب کرنش برشی (12 = -210)، میتوان نمودار خرابی عرضی (d_{2}) بر حسب پارامت \hat{Y}_{c} ر ار رسم کرد. در این نمودار شیب منحنی همان $\frac{1}{\sqrt{Y'_{c}}}$ است. همچنین Y متناظر لحظه ی شکست همان پارامتر 22 است. ثابت d نیز از محاسبه ی متاناظر لحظه ی شکست همان پارامتر 22 است. ثابت d نیز از محاسبه ی محاسبه d_{6} در یک \hat{Y}_{c} مشخص از دو تست کشش ${}_{s}[\Delta^{+}\pm]$ و ${}_{s}[\Delta^{+}\pm]$ محاسبه میشود.

با مشخص بودن کرنش ماندگار در راستای برشی و عرضی در هر لحظه، پارامتر a را می توان از رابطهی (۱۴) محاسبه کرد. با در اختیار داشتن پارامتر a و با فرض f = 0 برای پلاستیسیته، $R(\tilde{p}) + R_0$ از رابطهی (۱۵) محاسبه می شود. با محاسبهی پارامتر $R(\tilde{p}) + R_0$ می توان نمودار این پارامتر بر حسب کرنش ماندگار موثر (\tilde{p}) را رسم کرد. با رسم این نمودار و برازش منحنی با معادلهای به فرم رابطهی (۱۱)، پارامترهای α ، R_0 و β محاسبه می شوند.

$$a^{2} = \frac{\hat{\varepsilon}_{22}^{in}\sigma_{12}(1-d_{2})^{2}}{2\hat{\varepsilon}_{12}^{in}\sigma_{22}(1-d_{6})^{2}}$$
(14)

$$R(\tilde{p}) + R_0 = \sqrt{\frac{\sigma_{12}^2}{(1 - d_6)^2} + \frac{a^2 \sigma_{22}^2}{(1 - d_2)^2}}$$
(1 Δ)

۳- پیادہ سازی عددی

حل معادلات غیر خطی به روش عددی روش های متنوعی دارد. در حل عددی مسائل اجزای محدود دو روش از بقیه متداول تر میباشند. روش ساده تر، استفاده از روش ساده شدهی نیوتن-رافسون برای محاسبهی ماتریس سفتی است که سفتی به دست آمده از این روش به سفتی سکانت معروف است. شکل ۳ به صورت شماتیک سفتی سکانت را نشان میدهد.



شکل ۳ شکل شماتیک روش نیوتن رافسون ساده شده [۱۵]

سفتی سکانت هر نقطه شیب خط واصل آن نقطه به مرجع مختصات است. پیاده سازی این روش سادهتر از روشهای دیگر است، اما برای همگرایی به گامهای کوچکتر و بیشتری نیاز دارد. بنابراین همگرایی این روش خیلی آهسته است و هزینه محاسباتی زیادی را تحمیل مینماید. جنبهی مثبت دیگر این روش هزینه محاسباتی کم آن به ازای هر تکرار است.

روش دیگر استفاده از الگوریتم حل معادلات غیر خطی به روش نیوتن-رافسون است. سفتی به دست آمده با این روش در حل مسائل اجزای محدود به سفتی مماسی معروف است. این سفتی شیب خط مماس به منحنی در هر نقطه است. شکل ۴به صورت شماتیک این روش را نشان میدهد.



سرعت و دقت همگرایی این روش به مراتب از روش قبل بهتر است. مشکل این روش هزینه محاسباتی زیاد به ازای هر تکرار است که بعضا استفاده از آن را دشوار و در پارهای از مسائل ناممکن میکند.

در ادبیات موجود پیاده سازی عددی روش لادووز به ندرت دیده شده است. لذا یکی از نوآوریهایی که در این مقاله به آن پرداخته شده است پیاده سازی عددی روش لادووز در نرمافزار المان محدود است. درهمین راستا نیاز است تا ماتریسهای سفتی این مدل بدست آید. با استفاده از ترکیب روابط (۱) و(۲)، سفتی سکانت در این مدل از رابطه (۱۶) بدست میآید.

$$E_{sec} = \begin{bmatrix} \frac{(1-d_1)E_1^{0^2}}{Q} & \frac{(1-d_2)v_{12}^0E_1^0E_2^0}{Q} & 0\\ \frac{(1-d_2)v_{12}^0E_1^0E_2^0}{Q} & \frac{(1-d_2)E_1^0E_2^0}{Q} & 0\\ 0 & 0 & (1-d_6)E_{12}^0 \end{bmatrix}$$
(19)

$$Q = E_2^0 \times v_{12}^0 \wedge 2 \times (d_2 - 1) + E_1^0$$

در مدل لادووز کرنش الاستیک و غیرالاستیک از هم جدا شدهاند. این کار باعث سادهتر شدن این روش شده است؛ اما محاسبهی مدول سفتی تانژانت را بسیار دشوار میکند. لادووز در مرجع [۲] برای حالت سادهای از چندلایهی ${}_{8}$ [۴۵ \pm]، رابطهی مستقیمی که از روی آن بتوان مدول تانژانت را برای این حالت خاص بدست آورد، ارائه کرده است. ولی مشکل آنجاست که در این رابطه با فرض غالب بودن کرنش برشی در مساله (${}_{02}$ ∞_{01}) بدست آمده، لذا آن را برای چندلایههای دیگر بلااستفاده می نماید. محاسبهی مدول تانژانت چندلایهی ${}_{8}$ [۴۵ \pm]، بر

پایهی مشتق گیری از رابطه کرنش کل به عنوان حاصل جمع کرنش الاستیک با کرنش غیرالاستیک، تعریف گردید.

$$\varepsilon^{t} = \varepsilon^{E} + \varepsilon^{P} \tag{1}$$

با فرض عدم پیشرفت خرابی در بارهای فشاری و حذف روابط $\left< \dot{\sigma}_{11} \right>_{-}$ و با ادغام روابط (۱) و (۱۲) سه معادله اصلی ذیل به دست میآیند:

$$\dot{\varepsilon}_{11} = \frac{\dot{\sigma}_{11}}{E_1} + -\frac{\nu_{12}^0}{E_1} \dot{\sigma}_{22}$$

$$\dot{\varepsilon}_{22} = \frac{\dot{\sigma}_{22}}{E_2} - \frac{\nu_{12}^0}{E_2} \dot{\sigma}_{11} + \frac{\ddot{p}a^2 \tilde{\sigma}_{22}}{(R(p) + R_0)}$$

$$\dot{\varepsilon}_{12} = \frac{\dot{\sigma}_{12}}{2G} + \frac{\ddot{p}\tilde{\sigma}_{12}}{2(R(p) + R_0)}$$
(19)

$$\mathcal{E}_{12} = \frac{1}{2G_{12}} + \frac{1}{2(R(p) + R_0)}$$

که مولفههای $\tilde{\sigma}$ از روابط (۲۰) محاسبه میشوند.

$$\dot{\tilde{\sigma}}_{11} = \frac{\left\langle \dot{\sigma}_{11} \right\rangle_{+}}{E_{1}^{0}(1 - d_{1})} + \dot{d}_{1} \frac{\left\langle \sigma_{11} \right\rangle_{+}}{E_{1}^{0}(1 - d_{1})^{2}}$$

$$\dot{\tilde{\sigma}}_{22} = \frac{\left\langle \dot{\sigma}_{22} \right\rangle_{+}}{E_{2}^{0}(1 - d_{2})} + \dot{d}_{2} \frac{\left\langle \sigma_{22} \right\rangle_{+}}{E_{2}^{0}(1 - d_{2})^{2}}$$
(7.)

$$\dot{\tilde{\sigma}}_{22} = \frac{\sigma_{12}}{2G_{12}^{0}(1-d_{6})} + \dot{d}_{6} \frac{\sigma_{12}}{2G_{12}^{0}(1-d_{6})^{2}}$$

$$\dot{d}_{2} = \frac{Y_{6}}{2\sqrt{(Y_{6} + bY_{2})Y_{c}'}} + \frac{bY_{2}}{2\sqrt{(Y_{6} + bY_{2})Y_{c}'}}$$

$$\dot{X}$$

$$\dot{Y}$$

$$\dot{d}_{6} = \frac{I_{6}}{2\sqrt{(Y_{6} + bY_{2})Y_{c}}} + \frac{DI_{2}}{2\sqrt{(Y_{6} + bY_{2})Y_{c}}}$$
$$\dot{Y}_{2} = \frac{1}{E_{2}^{0}(1 - d_{2})} \left[\frac{\sigma_{22}\dot{\sigma}_{22}}{(1 - d_{2})} + \frac{\dot{d}_{2}\sigma_{22}^{2}}{(1 - d_{2})^{2}} \right]$$
$$\dot{Y}_{6} = \frac{1}{G_{12}^{0}(1 - d_{6})} \left[\frac{\sigma_{12}\dot{\sigma}_{12}}{(1 - d_{6})} + \frac{\dot{d}_{6}\sigma_{12}^{2}}{(1 - d_{6})^{2}} \right]$$
(YY)

پس از قرار دادن روابط(۱۳)، (۲۰)، (۲۱) و (۲۲) دررابطهی (۱۹)، سه معادله بر اساس تنش نسبت به ^غ قابل حل خواهد بود. شیب معادلات به دست آمده، مدول تانژانت معادلهی ساختاری حاضر خواهد بود. رابطهی نهایی بدستآمده که ارتباطدهندهی نرخ تغییرات تنش به نرخ تغییرات کرنش است، به صورت صریح و تابعی از کرنش لحظهای و نرخ تغییرات کرنش و پارامترهای خرابی خواهد بود. با توجه به حجیم بودن رابطهی صریح بدست آمده، ارائهی آن در این نوشتار امکان پذیر نمی باشد.

۳–۱–روندنمای زیربرنامهی مدل مادی

برنامه ی پیاده شده در زیربرنامه UMAT از منطق نشان داده شده در روندنمای شکل ۵ برای حل مسئله استفاده می کند. همانطور که از شکل ۵ مشاهده می شکل ۵ برای حل مسئله استفاده می کند. همانطور که از شکل ۵ مشاهده می شود، منطق برنامه به گونه ایست که در صورت باربرداری هیچ کدام از پارمترهای خرابی و کرنش های می سورت می گیرد و پس از آن پارمترهای خرابی و از مدول های ماندگار به وارد افزایش بعدی می شود. برای بررسی صحت کد نوشته شده، منحنی تنش عرضی (σ_{22}) بر حسب کرنش برسی صحت کد نوشته شده و مساله وارد افزایش بعدی می شود. برای بررسی صحت کد نوشته شده، منحنی تنش عرضی (σ_{22}) بر حسب کرنش

عرضی (\mathcal{E}_{22}) و همچنین منحنی خرابی عرضی (d_2) بر حسب پارامتر $\frac{\hat{Y}}{\hat{Y}}$ برای لایهچینی \mathcal{E}_{22} (مش شده در برای لایهچینی \mathcal{E}_{22} (مش شده در مرجع [۷] مقایسه شدند. شکل ۶ و شکل ۷ نتایج این مقایسه را نشان میدهد که بیانگر صحت کد نوشته شده می باشد.





شکل ۶ نمودار تنش عرضی بر حسب کرنش عرضی برای لایه چینی $s_{\rm s}$

بیشترین خطا ببین دادههای تجربی و مدل حاضر در شکل ۶، ۴/۸ درصد و در شکل ۷، ۳۱ درصد است که این خطا مربوط به سومین نقطه از نقاط مربوط به نتایج تجربی است که در شکل ۷ قابل مشاهده است.



 (d_2) شکل ۷ نمودار خرابی عرضی (d_2) بر حسب پارامتر $\widehat{\underline{Y}}$ برای لایه چینی $(d_2)^s$

۴- تعريف مساله

مسالهی مورد بررسی، تحلیل چندلایهی کامپوزیتی با سوراخ مرکزی تحت بارگذاری کششی بر مبنای مدل خرابی لادووز است. شکل ۸ هندسه و بارگذاری مسئلهی مورد بررسی را نشان میدهد. نتایج حاصل از تحلیل عددی باید شامل چگونگی رشد و گسترش کانتورهای خرابی، کانتور تنش، کانتور کرنش ماندگار، مقایسهی پارامترهای خرابی و کرنشهای ماندگار و آنالیز حساسیت بر اندازه سوراخ باشد.



شکل ۸ چندلایهی دارای سوراخ مرکزی تحت بار کششی

صفحات کامپوزیتی از جنس کربن *ا*پوکسی (IM6/914) دارای لایهچینی های ۲_۲/۹۰٫۶]، ۲۹۹/۱۹۰۶]، ۴۵_۲/۴۵۲] و ۲۵۱–۴۵]۶ میباشند. خواص مکانیکی و پارامتر های خرابی ۲۵۱/۹۵/۱۹ در جدول ۱ نشان داده شده است.

۵–انتخاب روش

برای بررسی شروع و گسترش آسیب در چندلایههای کامپوزیتی مذکور روش مکانیک خرابی محیط پیوستهی تشریح شده در این مقاله استفاده خواهد شد. حسن این روش نسبت به روشهای آسیب اولین لایه^۱ مثل روش تسای– وو یا هشین [۱۶]، دقت آن در شروع و گسترش آسیب میباشد؛ چنانچه در روشهای مذکور کاهش سفتی المان به صورت ناگهانی اعمال شده و فقط با مقادیر صفر و یک تعریف میشود، حال آنکه در روش مکانیک خرابی محیط پیوستهی مورد استفاده پارامتر آسیب از مقدار صفر به صورت پیوسته رشد کرده و اثرات کاهش سفتی به خوبی دیده میشود.

این تفاوت در رفتار پس از شروع آسیب به خوبی در شکل ۹ نشان داده شده است.



لحل ۲ مندیسه نمودار بار جربجریی روس های د دوور و هسین برای چند دید 28[۹۰/۹] سوراخ دار

چنانچه در شکل ۹ مشاهده میشود معیار هشین پس از شروع آسیب در اولین المان لایه صفر درجه به شدت با مشکل همگرایی مواجه میشود و در عمل مشاهده رفتار پس از آسیب را ناممکن میسازد. اما در واقعیت به علت روش تحلیل که کنترل جابجایی^۱ میباشد، پس از شروع آسیب هم سازه ظرفیت باربری خود را حفظ میکند؛ این در حالی است که روش مکانیک محیط پیوسته پس از شروع آسیب هم رفتار چندلایه را به درستی بیان میکند. از مقایسه شکل ۹ و شکل ۱۶ کاهش باربری پس از لحظهی گسترش خرابی(در نقطه ی آ)، افزایش تدریجی بار تا رسیدن به سطح تنش آسیب در المانهای مجاور ناحیه آسیب دیده (نقطه ی ب) و در نهایت گسترش خرابی و گسیختگی چندلایه به خوبی دیده میشود.

حسن دیگر این روش نسبت به روشهای FPF جداسازی مکانیزمهای آسیب به سه مورد آسیب در راستای الیاف، عمود بر الیاف و در جهت برش و بررسی توأمان آنها با قابلیت مقایسه رشد آسیب در هر مکانیزم است. با توجه به تمامی جوانب استفاده از روش محیط پیوسته گزینه مناسبی برای بررسی آسیب در چندلایههای کامپوزیتی جمع,بندی می شود.

جدول ۱ خواص مکانیکی و پارامترهای خرابی کربن/اپوکسی [۷]						
E_1^0 , GPa	E ₂ ⁰ , GPa	G ₁₂ ⁰ , GPa	v_{12}	s _{uf} , MPa		
14.	۱۰/۸	Δ/Λ	•/٣۴	۱۰۰۰		
Y _C ', MPa	Y ₀ ', MPa	Y _C , MPa	Y ₀ , MPa	Y_2^C , MPa		
14/29	•/• ۵٧۶	٧/۶٧٣	•/•٣٢۵	۰/۴۹		
R ₀	α	β	a^2	b		
77/79	•/۴۲۳۶	۷۲۰	١	۵.۲		

۶- مدلسازی اجزا محدود

برای مدلسازی اجزا محدود مساله از نرمافزار آباکوس استفاده شده است. شکل ۱۰ هندسهی نمونهی المان,بندیشده را نشان میدهد. در این مساله

المانها از نوع المان سه گرهی پوسته STRI3 انتخاب شدند. علت انتخاب این نوع المان، رفتار تنش صفحهای آن به عنوان المانی دو بعدی می باشد، در حالیکه المانهای چهاروجهی به این گونه نبوده و مدولهای برشی خارج صفحهای در رابطهی ساختاری آن ظاهر میشوند. با توجه به اینکه مدل لادووز برای حالت تنش صفحهای توسعه داده شده و کد توسعه یافته برای خواص ماده در شرایط تنش صفحهای برقرار است، این المان برای حل مساله وارد نرمافزار شده است و بارگذاری به صورت اعمال جابهجایی مشخص به مرزها انجام شدهاست؛ بدین ترتیب که مطابق شکل ۱۰، نمونه از یک طرف تحت جابهجایی به اندازهی mm ۴ قرار میگیرد. در سمت دیگر نمونه در راستای اعمال جابهجایی مقید شده و در یک گرهی گوشهای در راستای عمود بر جابهجایی اعمال شده مقید میشود تا از چرخش مدل جلوگیری شود.



۷- نتایج حل

نتایج حاصل از تحلیل عددی شامل چگونگی رشد و گسترش پارامترهای خرابی، کرنشهای ماندگار و کانتور تنش میباشد که در ادامه برای لایه چینیهای مختلف ارائه میشود. علاوه بر این، آنالیز حساسیت نسبت به اندازه سوراخ نیز انجام شده و تاثیر اندازهی سوراخ بر خواص چندلایه و همچنین تاثیر تغییر پارامتر a بر اندازهی کرنشهای ماندگار مورد بررسی قرار گرفته است.

۱-۷ لایه چینی _s[۰۰/۹۰_۲]

مطابق انتظاردر این لایهچینی، لایههای صفر درجه تا رسیدن به تنش نهایی، خرابی در راستای عرضی و برشی را تجربه نمی کنند و بعد از رسیدن تنش در این لایه به تنش نهایی و شکست الیاف، fl برابر یک شده و در نتیجه سایر پارمترهای خرابی همگی به صورت ناگهانی به یک می رسند و لایه ی صفر درجه به طور کامل گسیخته می شود. در لایههای ۹۰ درجه نیز با توجه به اینکه تنش در راستای عمود بر الیاف مقادیر قابل توجهی را تجربه می کند، قبل از رسیدن به بار نهایی fd و fb مقادیر قابل توجهی را تجربه می کند، رسیدن تنش عرضی در این لایه به مقدار تنش نهایی پارامترهای خرابی به مورت ناگهانی مقدار ۱ را تجربه می کنند. علت اینکه تنش لایه ی ۹۰ درجه ناگهان به مقدار نهایی خود می رسد این است که با رسیدن تنش لایه صفر درجه به مقدار ماکزیمم خود، عملا این لایه باربری خود را از دست داده و تمام بار را لایههای ۹۰ درجه به مقدار نهایی خود می رسد و پارامترهای خرابی gd عرضی لایه ی ۹۰ درجه به مقدار نهایی خود می سد و پارامترهای خرابی و g کرضی لایه ی ۹۰ درجه به مقدار نهایی خود می سد و پارامترهای خرابی و g کرضی لایه ی ۹۰ درجه به مقدار نهایی خود می سد و پارامترهای خرابی و gd

^{1.} Displacement control

مطابق شکل ۱۳ و شکل ۱۴ در لایههای صفر درجه به دلیل کوچک بودن تنش در راستای عرضی و برشی، کرنش ماندگاری به وجود نمیآید.



 $[\cdot_{\tau}/9\cdot_{\tau}]_{s}$ شکل ۱۱ نمودار d_{2} بر حسب تنش اعمالی برای ا



 $\left(\mathbf{v}_{r}/\mathbf{v}_{r}
ight) _{s}$ نمودار \mathbf{d}_{6} بر حسب تنش اعمالی برای \mathbf{d}_{6}

در لایههای ۹۰ درجه نیز تنشهای راستای عرضی و و برشی در حدی نیستند که کرنش ماندگار قابل ملاحظهای ایجاد کنند. مطابق ، تا زمانیکه لایهی صفر درجه باربرداری خود را از دست نداده و تمام بارها به لایه ۹۰ درجه نمیرسد کرنشهای ماندگار بسیار کوچکی در لایهی ۹۰ درجه مشاهده میشود. با تخریب ناگهانی لایهی صفر درجه و در نتیجهی آن در آستانهی تخریب قرار گرفتن لایهی ۹۰ درجه، به صورت ناگهانی کرنشهای ماندگار بزرگی در این لایه بوجود میآید که این همزمان با تخریب این لایه است.



m شکل ۱۳ نمودار کرنش ماندگار عرضی بر حسب بار اعمالی برای $[0, \gamma]_{s}$



 $[\cdot, \cdot, \cdot, \cdot]_{s}$ نمودار کرنش ماندگار برشی بر حسب بار اعمالی برای $[\cdot, \cdot, \cdot, \cdot]_{s}$

در ادامه شکل ۱۵ و شکل ۱۶، نمونهای از وضعیت توزیع تنش در اطراف سوراخ در لایهی صفر درجه و چگونگی رشد پارامتر خرابی d₂ برای لایهی ۹۰ درجه را نشان میدهد. وجود تمرکز تنش در اطراف سوراخ که منجر به شروع خرابی از این نواحی میشود کاملا مشخص است.



شکل ۱۵ کانتور تنش در لایهی صفر درجه برای _s [۰۰٬۹۰۰]



شکل ۱۶ کانتور پارامتر خرابی d₂ برای لایهی ۹۰ درجه در (۰_۲/۹۰_۲] آ) شروع خرابی ب) پس از گسترش خرابی

۲-۷- لایه چینی s[۰/۹۰/۹۰]

این لایهچینی نیز رفتاری مشابه لایهچینی _۱^{(۲۹٬۹۰}) از خود نشان میدهد. شکل ۱۷ و شکل ۱۸ نحوهی رشد پارامترهای خرابی و شکل ۱۹ و شکل ۲۰ نحوهی رشد کرنشهای ماندگار را نشان میدهد. دلایل مطرح شده در مورد علت نحوهی رشد پارامترهای خرابی و کرنشهای ماندگار برای لایهچینی _۱[۲٬۹۰_۲] برای این لایه چینی نیز قابل تعمیم است. علت تشابه رفتار لایهچینی _۱[۲٬۹۰٬۹۰] و _۱[۲٬۹۰_۲] این است که مدل لادووز قادر به وارد کردن اثرات تنشهای بینلایهای و اثرات لبه نیست؛ در نتیجه تاثیر ترتیب چیدمان لایهها تفاوتی در رفتار دو چندلایه بوجود نمیآورد. همچنین از

آنجاییکه مدل لادووز مدلی نقطه ای^۱ محسوب می شود و صرفا وضعیت تنش در هر نقطه برای آن ملاک محاسبه ی پارامترهای آسیب است، این مدل نمی تواند تفاوتی بین این دو لایه چینی قائل شود؛ در واقعیت، قرار گرفتن لایه های مشابه در کنار هم باعث ایجاد سطوح ترک و نرخ رهایی انرژی بزرگتر و در نتیجه رشد سریع تر ترک می شود و مدل لادووز قادر به در نظر گرفتن این موضوع نیست.



(۱۹ نمودار d_2 بر حسب تنش اعمالی برای \mathbf{d}_s نمودار ۱۷ شکل ا



(۱۹ نمودار d_6 بر حسب تنش اعمالی برای $\mathbf{d}_{\mathbf{s}}$



mکل ۱۹ نمودار کرنش ماندگار عرضی بر حسب بار اعمالی برای s



شکل ۲۰ نمودار کرنش ماندگار برشی بر حسب بار اعمالی برای s[۰/۹۰/۰۹۰]

شکل ۲۱، چگونگی رشد پارامتر خرابی d₆ برای لایهی ۹۰ درجه را نشان میدهد. وجود تمرکز تنش در اطراف سوراخ و شروع خرابی از این نواحی در این شکلها نیز مشهود است.



شکل ۲۱ کانتور پارامتر خرابی d₆ در لایهی ۹۰ درجه قبل از تخریب ناگهانی لایهی صفر درجه برای sp-۱/۰۰/۹۰]

۳-۷ لایه چینی _s[۴۵_۲/-۴۵۲]

در این لایهچینی به دلیل غالب بودن مودهای برشی انتظار میرود که رشد خرابی و کرنشهای ماندگار شدیدتر از لایهچینیهای قبل اتفاق بیفتد. بر خلاف لایهچینیهای متعامد که در آن رشد اندک پارامترهای خرابی و پلاستیسیته تا لحظهی تخریب لایههای صفر درجه و رشد ناگهانی این پارامترها بعد از تخریب لایهی صفر درجه در همهی لایه مشهود است، در لایه چینی ${}_{8}[763-767]$ مشاهده میشود که پارامترهای خرابی و کرنشهای ماندگار رشدی تدریجی و یکنواخت داشتهاند و مقادیر این پارامترها در تنشهای اعمالی برابر با لایهچینیهای متعامد، بزرگتر است. **شکل ۲۲** و شکل ۳۲ به ترتیب نمودارهای پارامترهای خرابی d_{6} و d_{6} برای لایه که ق درجه را نشان میدهد (لایههای ۴۵ درجه و ۴۵ - درجه رفتاری مشابه از خود نشان میدهند).



 $[\mathfrak{F}\mathfrak{A}_{\mathsf{T}}/-\mathfrak{F}\mathfrak{A}_{\mathsf{T}}]_{\mathbf{s}}$ نمودار \mathbf{d}_2 بر حسب تنش اعمالی برای \mathbf{d}_2

نشریه علوم و فناوری **کا میو زیت**

^{1.} Point wise



شکل ۲۳ نمودار d₆ بر حسب تنش اعمالی برای [۴۵_۲/-۴۵_۲]

مطابق این شکلها هر دو پارامتر خرابی در ابتدا مقدار صفر را تجربه ${
m d}_2$ میکنند و با رسیدن \hat{Y} به مقادیر بحرانی خود در راستای عرضی و برشی، ${
m d}_2$ و ${
m d}_b$ به تدریج رشد کرده و مقادیر غیر صفر را تجربه میکنند.

شکل ۲۴ و شکل ۲۵ نیز نمودار کرنش های ماندگار عرضی و برشی را نشان میدهند. رشد تدریجی و یکنواخت کرنش های ماندگار نیز در این شکل ها بوضوح قابل مشاهده است.







شکل ۲۵ نمودار کرنش ماندگار برشی بر حسب بار اعمالی برای ۶[۴۵_۲-۴۵_۲]

شکل ۲۶ و شکل ۲۷، به ترتیب نشاندهندهی نحوهی توزیع تنش در اطراف سوراخ در لایهی ۴۵ درجه و چگونگی گسترش پارامتر خرابی d₂ در این لایهی است.



شکل ۲۶ کانتور تنش در لایه ی ۴۵ درجه برای [60, -60, -60]



شکل ۲۷ کانتور پارامتر خرابی d₂ برای لایهی ۴۵ درجه آ) شروع خرابی ب) پس از گسترش خرابی برای ۴۵_۲/-۴۵۲]

۴-۷– لایه چینی s[۴۵–/۴۵/۴۵]

در این لایهچینی تا قبل از رسیدن تنش در لایهی صفر درجه به مقدار نهایی خود، تمام پارمترهای خرابی برای لایهی صفر درجه، صفر هستند و برای بقیهی لایهها پارامترهای خرابی، رشد با نرخی نزدیک به هم را تجربه می کنند. بعد از شکست لایهی صفر مابقی لایهها افزایش بار ناگهانی را تجربه می کنند و این منجر به رشد پارامترهای خرابی با نرخ بالاتری می شود. شکل ۸۲ و شکل ۲۹ موید این نکته است. این نکته بیانگر آن است که بعد از شکست الیاف در لایهی صفر درجه، چندلایه همچنان باربری خود را حفظ می کند که با توجه به اینکه بارگذاری از نوع کنترل جابهجایی است این موضوع قابل قبول و منطقی به نظر می سد. در ادامه و با رسیدن 2Y به Y_2^0 و A برای لایه ۹۰ درجه یک شده و در ادامه همین اتفاق برای لایههای ۴۵ و ۲۵ می فتد و خرابی کامل چندلایه حاصل می شود.







 $[\cdot/9\cdot/40]_{s}$ نمودار d_{6} بر حسب تنش اعمالی برای fal_{s}

شکل ۳۰ و شکل ۳۱ نیز نمودار رشد کرنشهای ماندگار عرضی و برشی را بر حسب تنش اعمالی نشان میدهد. مطابق این شکلها نیز مشخص است که در بارهایی که در آن لایهی صفر درجه هنوز باربری دارد، کرنشهای ماندگار بسیار ناچیزی در سایر لایهها بوجود میآید و بعد از تخریب لایهی صفر درجه، رشد سریع کرنشهای ماندگار در بقیهی لایهها را میتوان مشاهده کرد.







شکل ۳۱ نمودار کرنش ماندگار برشی بر حسب بار اعمالی برای _۱۶۵-/۴۵/-۱۰]

شکل ۳۲ نحوهی رشد پارامتر خرابی d₂ برای لایهی ۴۵- درجه را نشان می دهد. وجود تمرکز تنش در اطراف سوراخ که علت اصلی شروع خرابیها و کرنشهای ماندگار از این نواحی هستند در این شکلها قابل مشاهده است.



شکل ۳۲ کانتور پارمتر خرابی d₂ برای لایهی ۴۵- درجه آ) شروع خرابی ب) در لحظهی شکست برای solf-40]-40]-

۷-۵- آنالیز حساسیت به قطر سوراخ

تغییر قطر سوراخ می تواند با تاثیر روی مقدار ضریب تمرکز تنش منجر به تغییر اندازهی تنشها در اطراف سوراخ و در نتیجه تغییر استحکام نهایی قطعه (σ_f) شود. منظور از استحکام، بیشینه بار اعمالی به سطح مقطع در قسمت بدون سوراخ است. بار بیشینه نیز برابر با اندازه نیروی کششی اعمالی در قلهی نمودار نیرو – جابه جایی کلی است. برای بررسی این موضوع آنالیز حساسیت بر روی قطر سوراخ انجام شده است. شکل ۳۳ نمودار استحکام چندلایهی s[ry/9.v] را بر حسب افزایش قطر سوراخ نشان میدهد. ملاحظه میشود که با افزایش قطر سوراخ استحکام چندلایه کاهش می یابد. این موضوع می تواند به دلیل بیش تر شدن تمرکز تنش در اطراف سوراخ با افزایش قطر سوراخ و کاهش سطح مقطع در محل سوراخ باشد. شکل ۳۴ تغییرات ضریب تمرکز تنش را با تغییر قطر سوراخ نشان میدهد. ملاحظه می شود که با افزایش قطر سوراخ است تنش در اطراف سوراخ با قرایش ضریب تمرکز تنش به صورت نسبت تنش در اطراف سوراخ در لایهی صفر خریب تمرکز تنش به صورت نسبت تنش در اطراف سوراخ در لایه صفر مریب تمرکز تنش به صورت نسبت تنش در اطراف سوراخ در لایه صفر مریب تمرکز تنش به صورت نسبت تنش در اطراف سوراخ در لایه ی مورب می کر کر تنش به صورت نسبت تنش در اطراف سوراخ در لایه صورا درجه به تنش اعمالی تعریف می شود (رابطه ۱۹).

$$k = \frac{-\frac{1}{2} \sum_{i=1}^{n} \sum_{j=1}^{n} \sum$$



شکل ۳۳ نمودار استحکام بر حسب قطر سوراخ

a آنالیز حساسیت به پارامتر.

پارامتر a ضریبی است که در معادله یسطح ماندگار، تاثیر تنش عرضی را مشخص می کند. در این قسمت آنالیز حساسیت نسبت به این پارامتر انجام شده و تاثیر تغییر این پارامتر بر اندازه یکرنشها یماندگار بررسی شدهاست.

٣٢



با افزایش این پارامتر و افزایش تاثیر تنش عرضی در سطح ماندگار، کرنشهای ماندگار بزرگتری در این راستا بوجود میآید. شکل ۳۵ موید این نکته است. شکل ۳۶ و شکل ۳۷ نیز نشان میدهد که تغییر این پارامتر تاثیری بر روی اندازه کرنش ماندگار برشی و پارامتر p ندارد.





شکل ۳۷ تاثیر پارامتر a بر پارامتر p

۸- نتیجهگیری

در این تحقیق یک چندلایه یکامپوزیتی دارای سوراخ مرکزی، با استفاده از مدل خرابی لادووز مورد تحلیل قرار گرفت. تحلیل خرابی برای چهار لایه چینی [-7/9.7], [-7/9.7], [-763], [-764] = [-764] - [-7/9.7] انجامشده و نحوه ی رشد و گسترش پارامترهای خرابی و کرنش های ماندگار ارائه ومورد بحث قرار گرفتند. بررسی های انجام گرفته نشان داد که درچندلایه [-7/9.7], تا قبل از رسیدن لایه ی صفر درجه به بارنهایی، درلایه ی صفر درجه خرابی بوجود نمی آید و در لایه ی در ۹۰ درجه خرابی بانرخی ملایم رشد می کند و پس از رسیدن لایه ی صفر درجه به بارنهایی وشکست این لایه، خرابی در لایه ی ۹۰ درجه نیز به سرعت رشد کرده و باعثشکست این لایه می شود. برای لایه چینی <math>s[-9.7/9.7] نتایج مشابه لایه چینی s[-9.7/9.7] بوده است. این بدین معناست که مدل لادووز نمی تواند لایه چینی زاد را مردی رفتار چندلایه ببیند. این موضوع به دلیل عدم توانایی مدل در وارد کردن اثرات غیر محلی است.

در لایهچینی الام الام الای برشی غالب بوده و پارامترهای خرابی و کرنشهای ماندگار مقادیر بزرگتری را نسبت به سایر لایهچینیها تجربه میکنند. در این حالت پارامترهای خرابی و کرنشهای ماندگار، رشدی تدریجی و یکنواخت داشتهاند. نتایج پیادهسازی مدل برای لایه چینی الا ۲۵–۱۹۹/۱۹/۱۰ نشان داد که تا قبل از رسیدن لایهی صفر درجه به بار نهایی، لایههای دیگر رشد پارامترهای خرابی با نرخی کند را تجربه میکنند و بعد رسیدن لایهی صفر درجه به بار نهایی و حذف این لایه، پارامترهای خرابی در سایر لایهها رشد با نرخی بزرگتر را تجربه میکنند و این روند تا پارامتری در مورد تاثیر افزایش قطر سوراخ بر استحکام چندلایه مشخص شد که با افزایش قطر سوراخ استحکام چندلایه کاهش پیدا میکند. همچنین مشخص شد که با بزرگتر شدن پارامتر ۵ اندازهی کرنشهای ماندگار عرضی افزایش مییابد.

۹- مراجع

- [1] Raghavan, P. and Ghosh, S., "A Continuum Damage Mechanics Model for Unidirectional Composites Undergoing Interfacial Debonding," Mech. Mater., Vol. 37, No. 9, pp. 955–979, 2005.
- [2] Mohammadi, B. Hosseini-Toudeshky, H. and Sadr-Lahidjani, M. H., "Damage Evolution of Laminated Composites Using Continuum Damage Mechanics Incorporate with Interface Element," Key Eng. Mater., Vol. 385, pp. 277–280, 2008.
- [3] Chaboche, J.-L., "Continuous Damage Mechanics—a Tool to Describe Phenomena Before Crack Initiation," Nucl. Eng. Des., Vol. 64, No. 2, pp. 233–247, 1981.
- [4] Talreja, R., "Internal Variable Damage Mechanics of Composite Materials," Yielding, Damage, Fail. Anisotropic Solids, pp. 509–533, 1987.
- [5] Voyiadjis, G. Z., Advances in Damage Mechanics: Metals and Metal Matrix Composites: Metals and Metal Matrix Composites. Elsevier, 2012.
- [6] Barbero, E. J., Finite Element Analysis of Composite Materials Using AbaqusTM. Taylor & Francis, 2013.
- [7] Carl H. T., Mechanics of Fibrous Composites. Wiley New York, 1991.
- [8] Ladeveze, P., "A Damage Computational Method for Composite Structures," Comput. Struct., Vol. 44, No. 1, pp. 79–87, 1992.
- [9] Ladeveze, P., "A Damage Computational Approach for Composites: Basic Aspects and Micromechanical Relations," Comput. Mech., Vol. 17, No. 1– 2, pp. 142–150, 1995.
- [10] Ladeveze. P, and LeDantec, E., "Damage Modelling of the Elementary Ply for Laminated Composites," Compos. Sci. Technol., Vol. 43, No. 3, pp. 257–267, 1992.
- [11] Ladevèze, P. Allix, O. Deü, J.-F. and Lévêque, D., "A Mesomodel for Localisation and Damage Computation in Laminates," Comput. Methods Appl. Mech. Eng., Vol. 183, No. 1, pp. 105–122, 2000.
- [12] Mohammadi, B. Hosseini-Toudeshky, H. Sadr-Lahidjani, M. H. andAivazzadeh, S., "Prediction of Inelastic Behavior of Composite

- Laminates Using Multi-Surface Continuum Damage-Plasticity," Adv. Mater. Res., Vol. 47, pp. 773–776, 2008.
 [13] Mohammadi, B. Olia, H. and Hosseini-Toudeshky, H., "Intra and Damage Analysis of Laminated Composites Using Coupled Continuum Damage Mechanics with Cohesive Interface Layer," Compos. Struct., Vol. 120, pp. 510, 520, 2015. 519-530, 2015.
- [14] Hosseini-Toudeshky H. and Mohammadi, B., "Coupling of Continuum Damage Mechanics with De-Cohesive Element for Delamination Analysis in Laminated Composites," Adv. Mater. Res., Vol. 123, pp. 527–530, 2010.
- [15]Http://help.solidworks.com/2012/English/SolidWorks/cworks/Iterativ e_Solution_Methods_Newton-Raphson_(NR)_Scheme.htm, "asass." .
 [16] Hashin, Z., "Failure Criteria for Unidirectional Fiber Composites," J. Appl. Mech., Vol. 47, No. 2, pp. 329–334, 1980.